

# Quatrième / Espace, pyramide et cône

## 1. Prismes droits et cylindre : rappels

E.1   

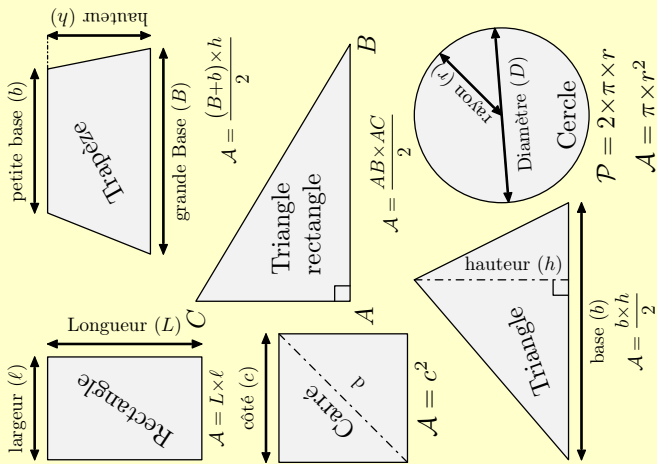
- On considère le prisme droit  $\mathcal{P}$  dont la base est un enneagone. Combien de faces a le prisme droit  $\mathcal{P}$  ?
- Le prisme droit  $\mathcal{Q}$  possède 15 arêtes. Quelle est la nature de sa base ?

Nom des polygones :

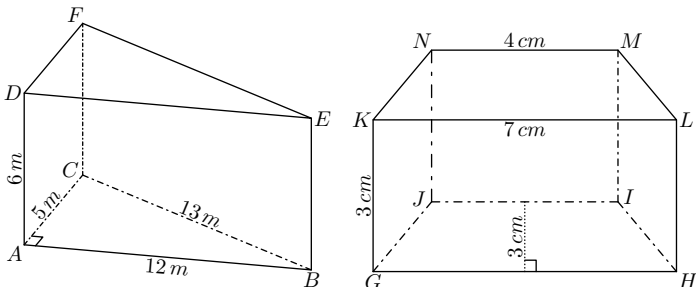
Nombre de côtés	Nom du polygone	Nombre de côtés	Nom du polygone
3	triangle	7	heptagone
4	quadrilatère	8	octogone
5	pentagone	9	enneagone
6	hexagone	10	décagone

E.2   

**Rappel :** ci-dessous sont données les formules de calcul des aires des polygones suivants :



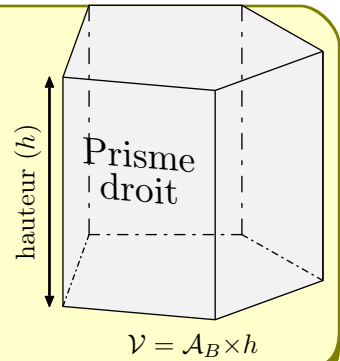
On considère les deux prismes droits représentés ci-dessous en perspective cavalière :






- Donner la nature de la base de chacun de ces prismes droits et déterminer l'aire de leur base respective.

**Rappel :**

Ci-contre est donnée la formule du volume d'un prisme droit où  $\mathcal{A}_B$  représente l'aire de sa base et  $h$  la mesure de sa hauteur.






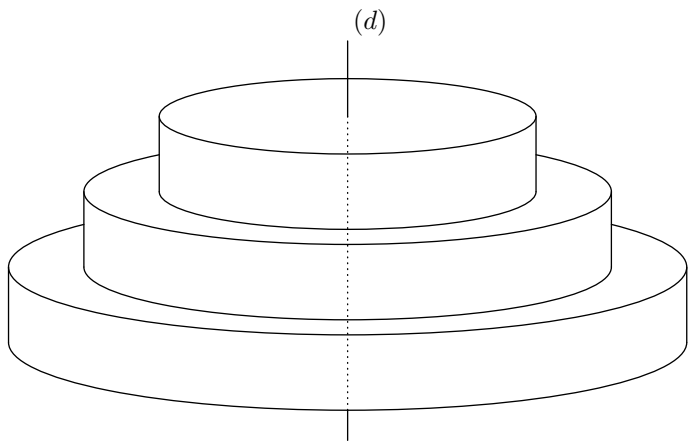
- Déterminer le volume de chacun de ces prismes droits.

E.3    Dans le tableau ci-dessous, pour chacune des lignes, récupérer la valeur du volume présente à gauche et la convertir avec l'unité présentée à droite :

	$km^3$	$hm^3$	$dam^3$	$m^3$	$dm^3$	$cm^3$	$mm^3$	
$312 m^3$								... $dm^3$
$0,32 dm^3$								... $m^3$
$350 mm^3$								... $m^3$
$2 \ell$								... $m^3$
$33 cl$								... $cm^3$
$25 km^3$								... $m^3$

On rappelle l'égalité :  $1 \ell = 1 dm^3$

**E.4**    Un gâteau en forme de pièce montée est composé de 3 gâteaux cylindriques superposés, tous centrés sur l'axe  $(d)$ , comme l'indique la figure ci-dessous :

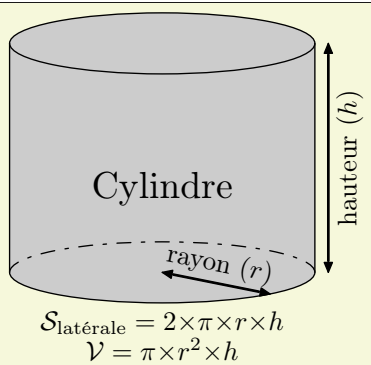


Les trois étages du gâteau ont tous une hauteur de  $8\text{ cm}$  et les diamètres respectifs de ces cylindres sont  $30\text{ cm}$ ,  $20\text{ cm}$  et  $10\text{ cm}$ .

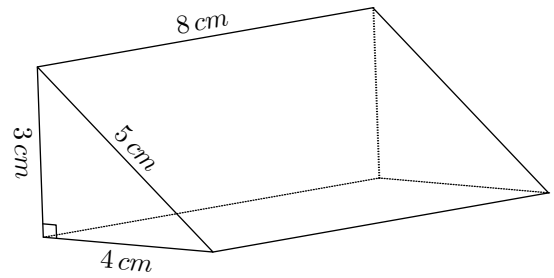
Déterminer le volume de ce gâteau. On arrondira ce volume au centimètre cube près.

**Rappel :**



Ci-contre est donnée la surface latérale et le volume d'un cylindre en fonction du rayon de sa base et de sa hauteur.

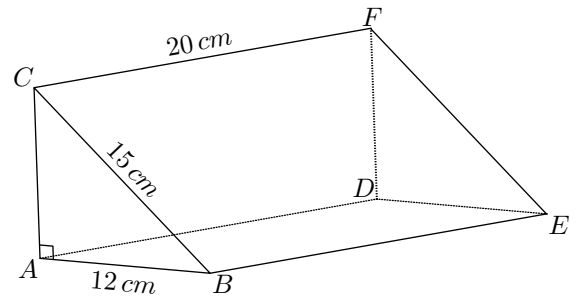


**E.5**   On considère le prisme droit ci-dessous :



Déterminer le volume de ce solide.

**E.6**   On considère le prisme droit ci-dessous dont la base est un triangle rectangle en  $A$  :



Déterminer le volume de ce solide.

## 2. Prismes et cylindres : agrandissements et réductions

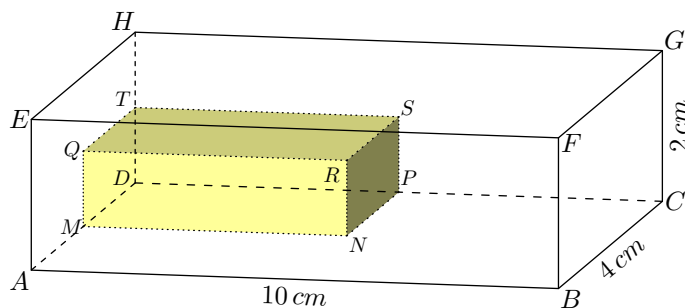
**E.7**   

Soit  $k$  un nombre strictement positif.

- Pour  $k < 1$  et lorsque toutes les dimensions d'une figure plane ou d'un solide sont multipliés par  $k$ , on dit qu'on a effectué **une réduction de coefficient  $k$** .
- Pour  $k > 1$  et lorsque toutes les dimensions d'une figure plane ou d'un solide sont multipliés par  $k$ , on dit qu'on a effectué **un agrandissement de coefficient  $k$** .

On considère le pavé droit  $ABCDEFGH$  représenté ci-dessous ayant pour dimensions :

$$AB = 10\text{ cm} \quad ; \quad BC = 4\text{ cm} \quad ; \quad CG = 2\text{ cm}$$



On construit le pavé droit  $MNPQ RST$  obtenu à partir du pavé droit  $ABCDEFGH$  par une réduction de ses dimensions dont le coefficient est  $\frac{1}{2}$ .

- ① En notant  $\mathcal{A}$  l'aire de la face  $ABFE$  et  $\mathcal{A}'$  l'aire de la face  $MNRQ$ , déterminer la valeur du quotient :  $\frac{\mathcal{A}'}{\mathcal{A}}$
- ② En notant  $\mathcal{V}$  le volume du pavé droit  $ABCDEFGH$  et  $\mathcal{V}'$  le volume du pavé droit  $MNPQ RST$ , déterminer la valeur du quotient :  $\frac{\mathcal{V}'}{\mathcal{V}}$

E.8   

**Proposition :**

- Si toutes les dimensions d'une figure plane est réduite ou agrandie par un coefficient  $k$  alors son aire a été multipliée par  $k^2$ .
- Si toutes les dimensions d'un solide est réduite ou agrandie par un coefficient  $k$  alors son volume a été multipliée par  $k^3$ .

Recopier le tableau ci-dessous sur votre feuille et le compléter à l'aide des touches racines carré  $\sqrt{x}$  et racines n<sup>ième</sup>  $\sqrt[n]{y}$

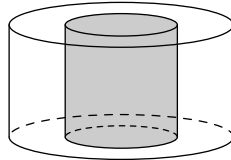
k	k <sup>2</sup>	k <sup>3</sup>
5		
	16	
		729

E.9   



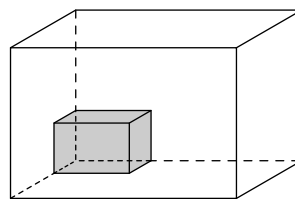
Le calendrier Aztèque du Musée National de la ville de Mexico a un diamètre de 3,60 mètres et pèse 25 tonnes. Quel serait le poids d'un calendrier de même diamètre mais faisant 20 centimètres d'épaisseur ? (arrondir au décimètre)

E.10   






Le rayon du grand cylindre a été réduit par deux. De combien son volume a été réduit ?

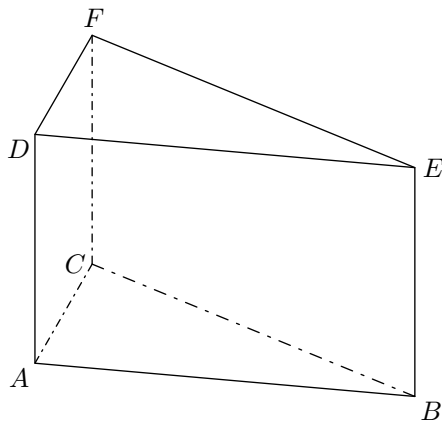
E.11   



Le volume du parallélépipède a été multiplié par 27. De combien ont été agrandies ses dimensions ?

### 3. Prismes droits et théorème de Pythagore





E.12    On considère le prisme droit  $ABCDEF$  représenté ci-dessous :



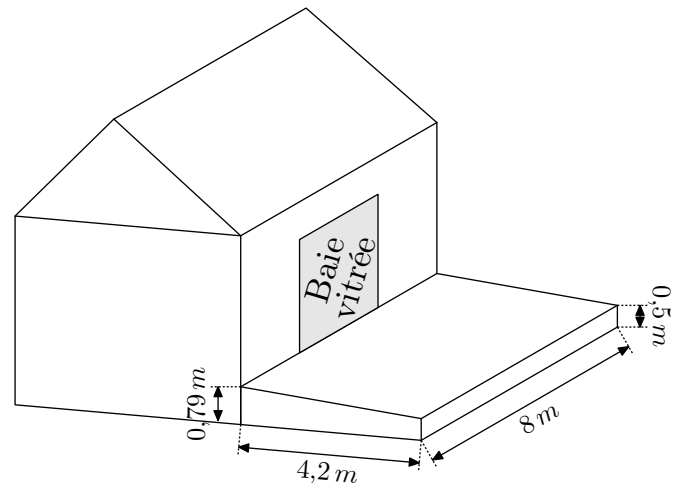
On donne les mesures suivantes :

$AB = 6,5 \text{ cm}$  ;  $AC = 1,6 \text{ cm}$  ;  $BC = 6,3 \text{ cm}$  ;  $AD = 3 \text{ cm}$

- 1 Montrer que le triangle  $ABC$  est un triangle rectangle.
- 2 Déterminer le volume du prisme droit  $ABCDEF$ .

E.13     Madame Martin souhaite réaliser une terrasse en béton en face de sa baie vitrée.

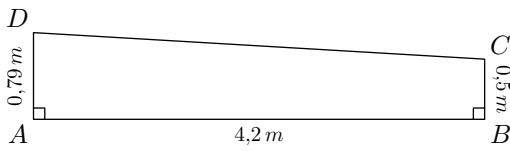
Elle réalise le dessin ci-dessous où elle y a indiqué des mesures.






Pour faciliter l'écoulement des eaux de pluie, le sol de la terrasse doit être incliné.

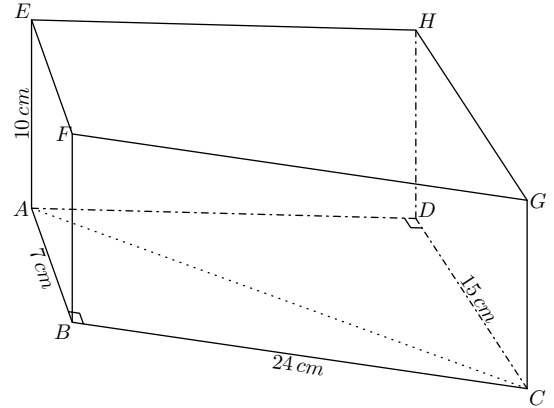
La terrasse a la forme d'un prisme droit dont la base est un trapèze rectangle.

- 1 Déterminer le volume de béton nécessaire à la conception de la terrasse.
- 2 Ci-dessous est représentée la terrasse vue de profil.



- a) Déterminer la longueur du segment  $[CD]$ .
- b) En déduire la surface de la terrasse.

**E.14**    On considère le prisme droit  $ABCDEFDGH$  dont la base  $ABCD$  est un quadrilatère quelconque, mais possédant deux angles droits aux sommets  $B$  et  $D$ .



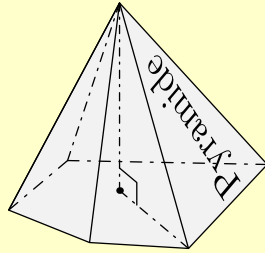
- 1) Déterminer l'aire de la base de ce prisme droit.
- 2) Donner le volume de ce prisme droit.

## 4. Pyramides : propriétés

**E.15**   

### Définition :

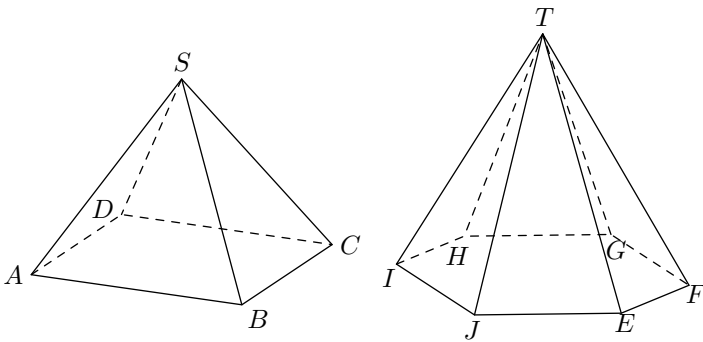
La pyramide est un solide muni d'une base polygonale et d'un point appelé sommet (*aussi appelé apex*) qui est relié à tous les sommets de la base.



### Proposition :




Si la base d'une pyramide possède  $n$  sommets, la pyramide contient  $2n$  arêtes et  $n+1$  faces.

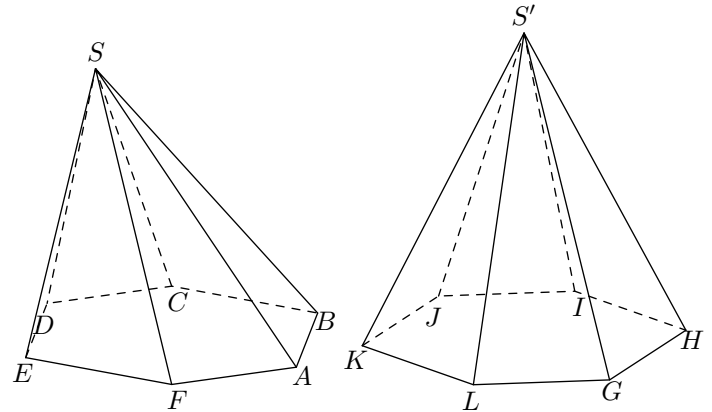
On considère les deux pyramides ci-dessous :



- 1) Considérons la pyramide  $ABCDS$  :
  - a) Quelle est la nature de la base de cette pyramide?
  - b) De combien d'arêtes est constituée cette pyramide?
  - c) De combien de faces est constituée cette pyramide?
- 2) Considérons la pyramide  $EFGHIJT$  :

- a) Quelle est la nature de la base de cette pyramide?
- b) De combien d'arêtes est constituée cette pyramide?
- c) De combien de faces est constituée cette pyramide?

**E.16**    On considère les deux pyramides  $ABCDEFD$  et  $GHIJKLS'$  à base hexagonale représentées ci-dessous. La première pyramide est quelconque alors que la seconde est une pyramide régulière.



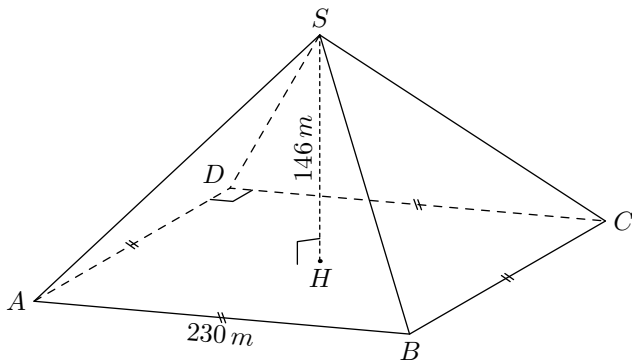
- 1) Peut-on tracer précisément le pied  $O$  de la hauteur de la pyramide  $ABCDEFD$  issue de  $S$ .
- 2) Placer le point  $O'$  représentant le pied de la hauteur de la pyramide  $GHIJKLS'$  issue du sommet  $S'$ . Justifier votre démarche.

**Définition :** une pyramide est dite **régulière** si sa base est un polygone régulier (*triangle équilatéral, carré, heptagone régulier...*) et si le pied de la hauteur est le centre de sa base.

## 5. Pyramides : volume

**E.17** 🌡️ 🍷 📖 La pyramide de Khéops, située en Égypte, est une pyramide à base carrée dont les côtés de la base mesure  $230\text{ m}$  et la hauteur, à sa construction, mesurait  $146\text{ m}$ .

Voici une représentation de cette pyramide :

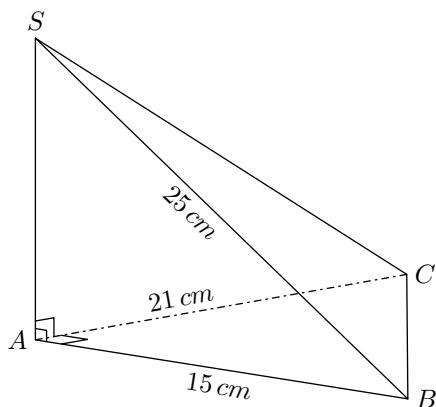


- 1 Déterminer le volume de la pyramide de Khéops, arrondi au mètre-cube près.
- 2 En supposant que toutes les pierres de la pyramide soient identiques et que chacune d'elles a un volume de  $0,95\text{ m}^3$  et que chacune pèse  $2,1$  tonnes. Déterminer, en kilogramme, le poids total de la pyramide de Khéops.

## 6. Pyramide et théorème de Pythagore

**E.18** 🌡️ 🍷 📖 Dans l'espace, on considère la pyramide  $ABCS$  dont la base  $ABC$  est un triangle rectangle et le sommet est le point  $S$ .

De plus, la face  $ABS$  est un triangle rectangle en  $A$  et la face  $CAS$  est un triangle rectangle en  $A$ .



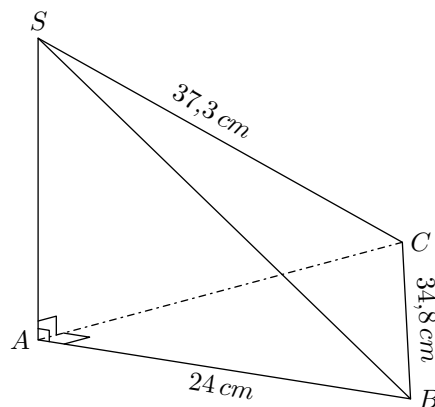
On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 15\text{ cm} \quad ; \quad AC = 21\text{ cm} \quad ; \quad BS = 25\text{ cm}$$

- 1 Établir que :  $AS = 20\text{ cm}$
- 2 Déterminer le volume de la pyramide.

**E.19** 🌡️ 🍷 📖 Dans l'espace, on considère la pyramide  $ABCS$  dont la base  $ABC$  est un triangle rectangle et le sommet est le point  $S$ .





De plus, la face  $ABS$  est un triangle rectangle en  $A$  et la face  $CAS$  est un triangle rectangle en  $A$ .



On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 24\text{ cm} \quad ; \quad BC = 34,8\text{ cm} \quad ; \quad CS = 37,3\text{ cm}$$

Déterminer le volume de la pyramide.

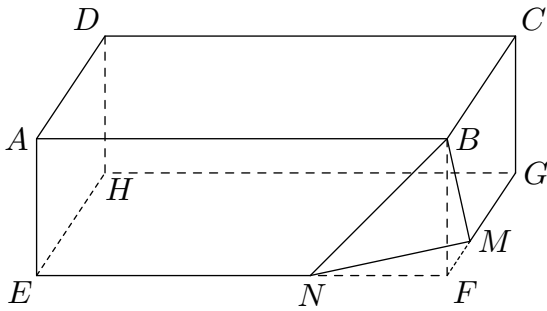
**E.20**      $ABCDEFGH$  est un parallépipède rectangle.  $M$  est un point du segment  $[FG]$  et  $N$  appartient au segment  $[EF]$

On donne les mesures suivantes :

$$FE = 12 \text{ cm} ; FG = 9 \text{ cm} ; FB = 3 \text{ cm}$$

$$FN = 4 \text{ cm} ; FM = 3 \text{ cm}$$

Voici une représentation de cette configuration :



- ① Calculer la longueur  $MN$
- ② Montrer que l'aire du triangle  $FNM$  est égal à  $6 \text{ cm}^2$ .
- ③ Calculer le volume de la pyramide  $(P)$  de sommet  $B$  et de base le triangle  $FNM$ .
- ④ On considère le solide  $ABCDENMGH$  obtenu en enlevant la pyramide  $(P)$  au parallépipède rectangle.
  - a) Quel est le nombre de faces de ce solide?
  - b) Calculer son volume

## 7. Pyramides et théorème de Thalès

**E.21**   

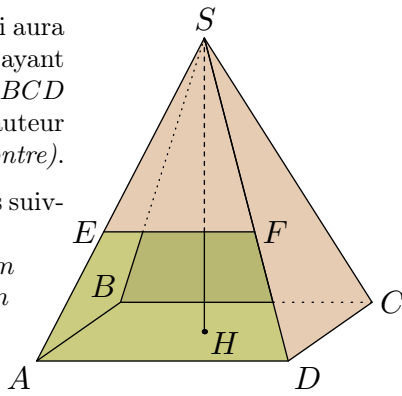
On veut réaliser un tipi qui aura la forme d'une pyramide ayant pour base un rectangle  $ABCD$  de centre  $H$  et pour hauteur  $[SH]$  (voir le schéma ci-contre).

Le tipi aura les dimensions suivantes :

$$AD = 1,60 \text{ m} ; CD = 1,20 \text{ m}$$

$$SH = 2,40 \text{ m} ; SF = 1,95 \text{ m}$$

$$SD = 2,60 \text{ m}$$



- ① Calculer le volume  $V$  de cette pyramide, en  $\text{m}^3$ .

On rappelle que  $V = \frac{1}{3} \times B \times h$  où  $h$  désigne la hauteur et  $B$  l'aire de la base.

L'armature du tipi, constituée du cadre rectangulaire  $ABCD$  et des quatre arêtes latérales issues de  $S$ , est faite de baguettes de bambou.

On ajoute à l'armature une baguette  $[EF]$  comme indiqué sur le dessin de sorte que  $(EF) \parallel (AD)$  et  $SF = 1,95 \text{ m}$ .

- ② Calculer  $EF$ .

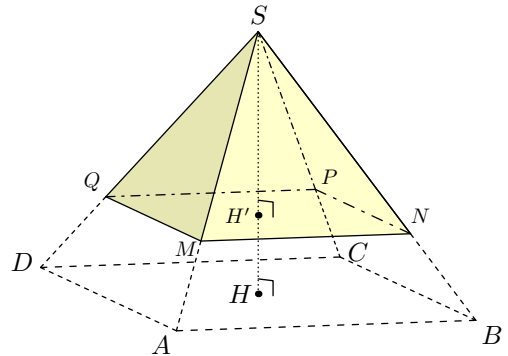
**E.22**    On considère la pyramide  $ABCD$  dont

la base  $ABCD$  est un carré tel que :

$$AB = 9 \text{ cm} ; SH = 12,75 \text{ cm} ; SB = 14,25 \text{ cm}$$

On construit la pyramide  $MNPQS$  dont la base  $MNPQ$  est un carré parallèle au carré  $ABCD$  et telle que :




$$SH' = 8,5 \text{ cm}$$

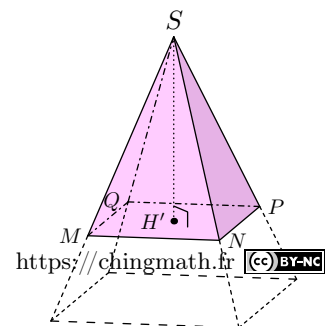
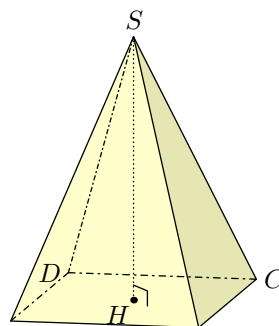


- ① Déterminer le volume  $\mathcal{V}$  de la pyramide  $ABCD$ .
- ② a) Établir que :  $SN = 9,5 \text{ cm}$   
b) Établir que :  $MN = 6 \text{ cm}$   
c) Déterminer le volume  $\mathcal{V}'$  de la pyramide  $MNPQS$ .
- ③ Établir les égalités suivantes :  
$$\frac{SN}{SB} = \frac{MN}{AB} = \frac{2}{3} ; \frac{\mathcal{V}'}{\mathcal{V}} = \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

**Indication :** on pourra s'aider de la calculatrice pour réduire les fractions.

## 8. Pyramides : agrandissements et réductions

**E.23**    On considère la pyramide  $ABCD$  dont la base  $ABCD$  est un rectangle et dont le sommet est  $S$ .



On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 8 \text{ m} ; BC = 6 \text{ m} ; SH = 12 \text{ m} ; SH' = 9 \text{ m}$$

- 1 Déterminer le volume de la pyramide  $ABCD$ .
- 2 a Justifier que la réduction pour obtenir la pyramide  $MNPQS$  a un coefficient de réduction de  $\frac{3}{4}$ .
- b En déduire le volume de la pyramide  $MNPQS$ .

E.24   

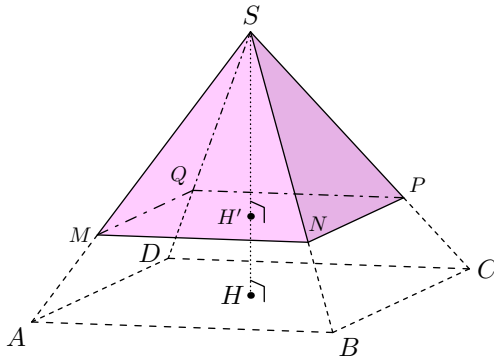
**Définition :** on dit qu'une pyramide est régulière si sa base est un polygone régulier (*triangle équilatéral, carré, pentagone régulier...*) et si le pied de la hauteur issue du sommet de la pyramide est le centre de sa base.

On considère la pyramide  $ABCD$  régulière, dont la base  $ABCD$  est un carré, telle que :

$$AB = 9 \text{ cm} ; SH = 12,75 \text{ cm} ; SB = 14,25 \text{ cm}$$

On construit la pyramide  $MNPQS$  dont la base  $MNPQ$  est un carré parallèle au carré  $ABCD$  et telle que :

$$SH' = 8,5 \text{ cm}$$

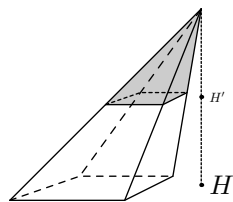


- 1 Déterminer le volume  $\mathcal{V}$  de la pyramide  $ABCD$ .
- 2 Déterminer la mesure du segment  $[SN]$ .

**Indication :** on admet que les droites  $(HB)$  et  $(H'N)$  sont parallèles.

- 3 a Déterminer le coefficient de réduction appliqué aux dimensions de la pyramide  $ABCD$  pour obtenir la pyramide  $MNPQS$ .
- b Déterminer le volume  $\mathcal{V}'$  de la pyramide  $MNPQS$ .




E.25   






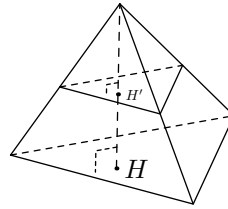
- Le volume de la grande pyramide est de  $576 \text{ km}^3$ .
- Le volume de la petite pyramide est de  $9 \text{ km}^3$ .

Établir l'égalité :  $\frac{SH'}{SH} = \frac{1}{4}$

## 9. Pyramides : patrons

E.29    Découper le patron ci-dessous d'une pyramide à base triangulaire et reconstruire le solide.

E.26   



- La hauteur de la grande pyramide mesure  $32 \text{ cm}$ .
- La hauteur de la petite pyramide mesure  $8 \text{ cm}$ .
- Le volume de la petite pyramide est de  $13 \text{ cm}^3$ .

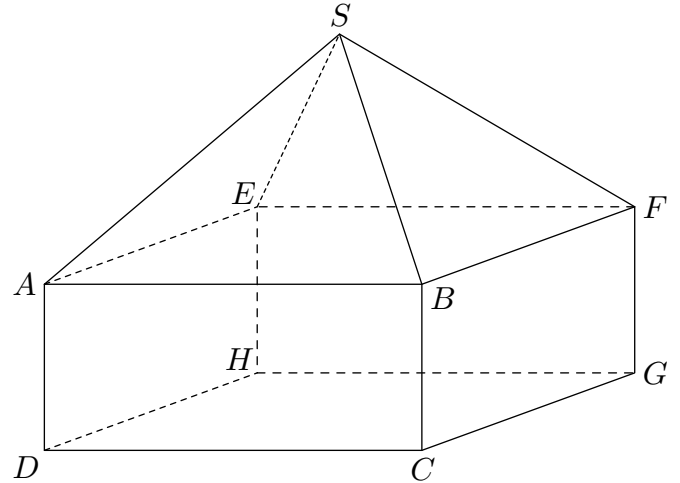
Calculer le volume de la grande pyramide.

E.27   

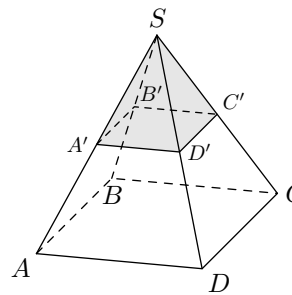
La maquette de maison représentée ci-dessous est composée :

- d'un pavé droit de dimensions :  $AB = 30 \text{ cm} ; AE = 20 \text{ cm} ; AD = 5 \text{ cm}$
- surmonté d'une pyramide de hauteur  $6 \text{ cm}$ .

- 1 Calculer le volume  $\mathcal{V}_1$  de cette maquette.
- 2 Sachant que cette maquette est une réduction de coefficient  $\frac{1}{50}$  de la maison réelle, déduire de la première question le volume  $\mathcal{V}_2$  en  $\text{m}^3$  de la maison.



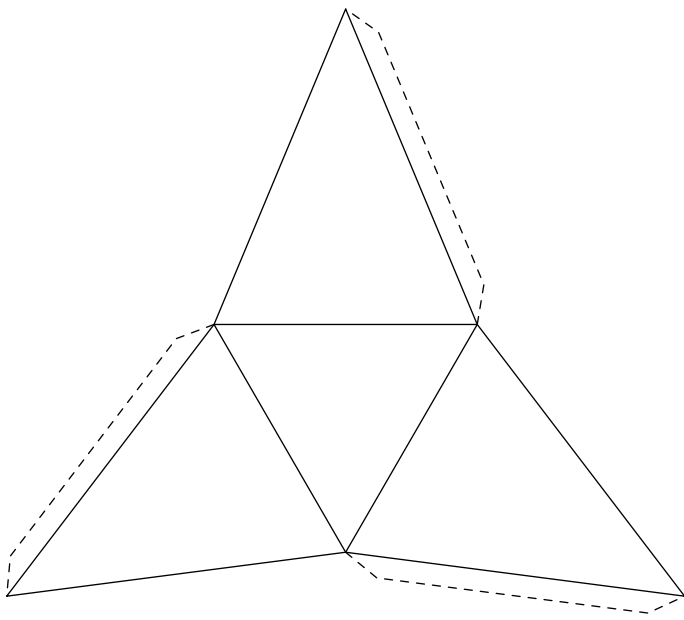
E.28   



La pyramide  $SA'B'C'D'$  a été obtenue par section de la pyramide  $SABCD$  à l'aide d'un plan parallèle à la base de ce dernier.

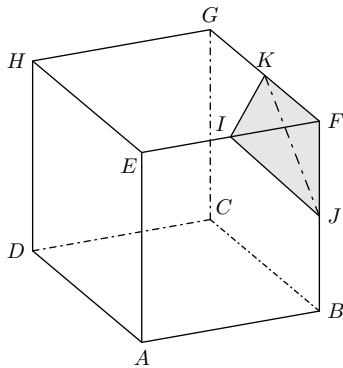
Sachant que le volume a été réduit de 64, déterminer le coefficient de réduction de l'aire de leurs bases communes.



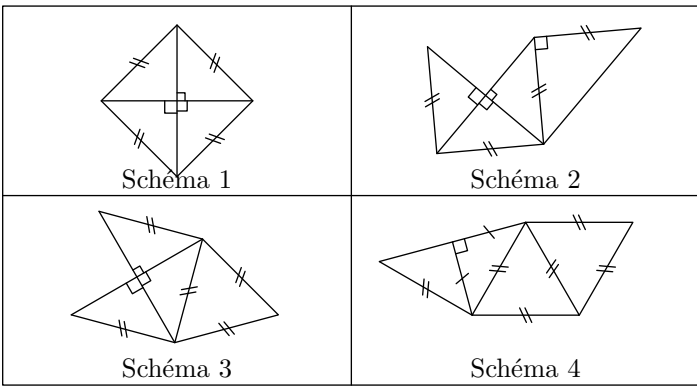


E.30    

On découpe la pyramide  $FIJK$  dans le cube  $ABCDEFGH$  comme le montre le dessin ci-contre. Le segment  $[AB]$  mesure  $6\text{ cm}$ . Les points  $I, J$  et  $K$  sont les milieux respectifs des arêtes  $[FE], [FB]$  et  $[FG]$ .






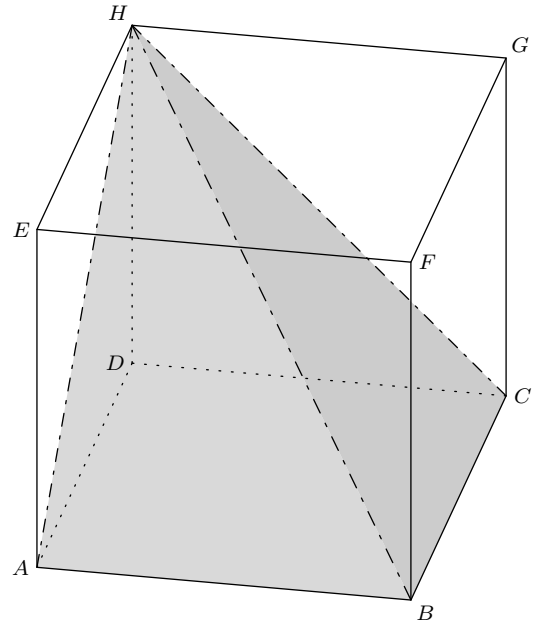
- 1 Tracer le triangle  $IFK$  en vraie grandeur.
- 2 Un des quatre schémas ci-dessous correspond au patron de la pyramide  $FIJK$ . Indiquer son numéro sur la copie. Aucune justification n'est attendue.



## 10. Cônes : volumes

E.32   

E.31    On considère un cube  $ABCDEFGH$  d'arête  $5\text{ cm}$  à l'intérieur duquel on a taillé la pyramide  $ABCDH$ .

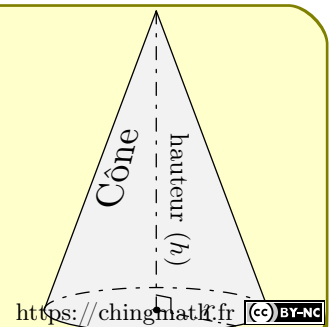


- 1
  - a Déterminer la mesure au millimètre près du segment  $[AH]$ .
  - b Déterminer la mesure au millimètre près du segment  $[BH]$ .
- 2
  - a Donner la nature et les dimensions de chacune de ses faces.
  - b Réaliser un patron de la pyramide  $ABCDH$ .

### Proposition :

Un cône de rayon  $r$  et de hauteur  $h$  a pour volume :

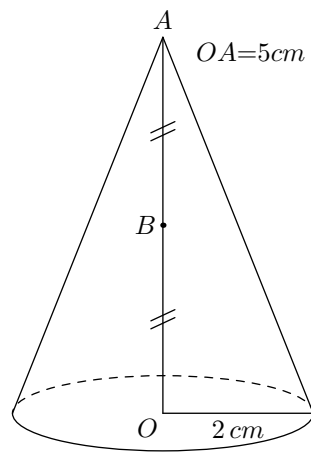
$$V = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$$





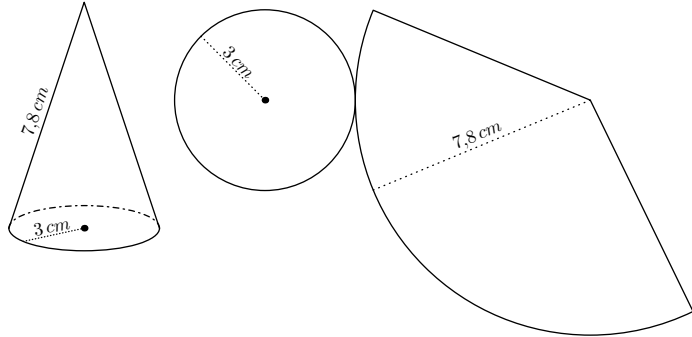
On considère un cône de révolution de hauteur  $5\text{ cm}$  et dont la base a pour rayon  $2\text{ cm}$ . Le point  $A$  est le sommet du cône et  $O$  le centre de sa base.  $B$  est le milieu de  $[AO]$ .

Calculer le volume du cône en  $\text{cm}^3$ . On arrondira à l'unité.



## 11. Cônes : propriétés, théorème de Pythagore et théorème de Thalès

**E.33** Ci-dessous est représenté un cône et son patron :

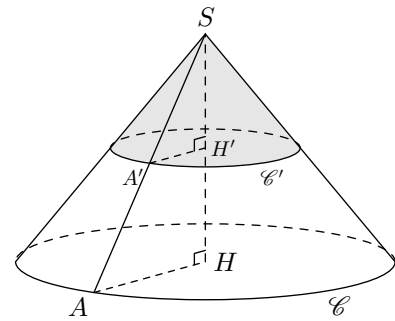


Le disque de la base a pour rayon  $3\text{ cm}$  et tout segment de la face latérale, reliant le sommet du cône à un point de la base, a pour mesure  $7,8\text{ cm}$

Déterminer le volume de ce cône arrondi au millimètre cube près.

**E.34** On considère le cône de base  $\mathcal{C}$ , de cen-

tre  $H$  et de rayon  $[HA]$ , et de sommet  $S$  tel que :  $HA = 6\text{ cm}$  ;  $HS = 15\text{ cm}$



On coupe le cône par un plan parallèle à sa base et passant par le point  $H'$  du segment  $[SH]$  et tel que :  $SH' = 5\text{ cm}$ . On admet que :

- la section est un cercle  $\mathcal{C}'$  de centre  $H'$  et de rayon  $[H'A']$  où le point  $A'$  est sur le segment  $[SA]$ .
- les droites  $(A'H')$  et  $(AH)$  sont parallèles.

Déterminer la mesure du rayon du cercle  $\mathcal{C}'$ .

## 12. Cônes : agrandissements et réductions

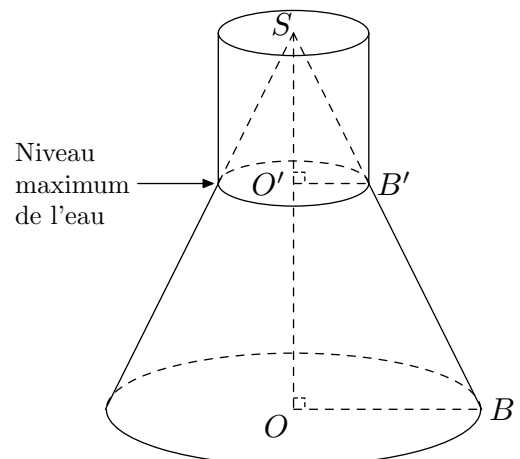
**E.35** En travaux pratiques de chimie, les élèves utilisent des récipients, appelés erlenmeyers, comme celui schématisé ci-dessous :

Le récipient est rempli d'eau jusqu'au niveau maximum indiqué sur le schéma par une flèche.

On note :

- $C_1$  le grand cône de sommet  $S$  et de base le disque de centre  $O$  et de rayon  $OB$  ;
- $C_2$  le petit cône de sommet  $S$  et de base le disque de centre  $O'$  et de rayon  $O'B'$ .

On donne :  $SO = 12\text{ cm}$  ;  $OB = 4\text{ cm}$

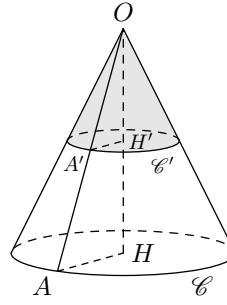


① Le volume  $\mathcal{V}$  d'un cône de révolution de rayon  $R$  et de hauteur  $h$  est donné par la formule :  $\mathcal{V} = \frac{1}{3} \times \pi \times R^2 \times h$

Calculer la valeur exacte du volume du cône  $C_1$ .

- 2) Le cône  $C_2$  est une réduction du cône  $C_1$ . On donne  $SO' = 3 \text{ cm}$ .
- Quel est le coefficient de cette réduction?
  - Prouver que la valeur exacte du volume du cône  $C_2$  est égale à  $\pi \text{ cm}^3$ .
- 3)
  - En déduire que la valeur exacte du volume d'eau contenue dans le récipient, en  $\text{cm}^3$ , est  $63\pi$ .
  - Donner la valeur approchée de ce volume d'eau arrondie au  $\text{cm}^3$  près.
- 4) Ce volume d'eau est-il supérieur à 0,2 litre? Expliquer pourquoi.

E.36   




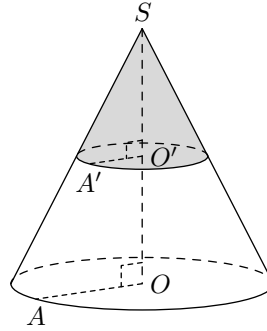
L'aire de la base du petit cône de révolution est de  $5 \text{ mm}^2$  alors que celle de la base du grand cône est de  $80 \text{ mm}^2$ .

Calculer le coefficient d'agrandissement de l'aire.

En déduire le coefficient d'agrandissement des dimensions.

Sachant que le grand cône a pour volume  $384 \text{ mm}^3$ , déterminer le volume du petit cône.

E.37   






- L'aire de la petite base est de  $27 \text{ m}^2$ .

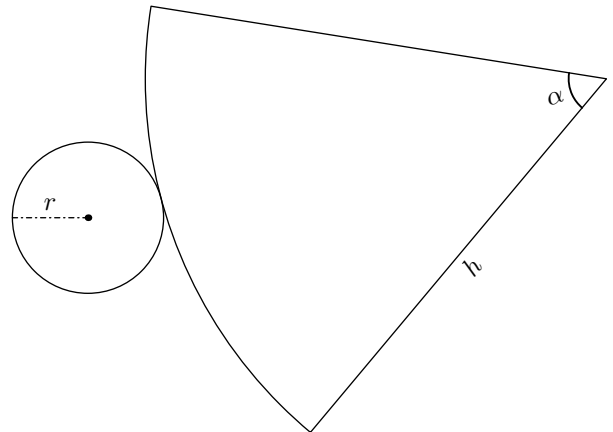
- L'aire de la grande base  $108 \text{ m}^2$ .

- La hauteur du grand cône de révolution est de  $1 \text{ m}$ .

Calculer la hauteur du petit cône de révolution.





### 13. Cônes : patrons

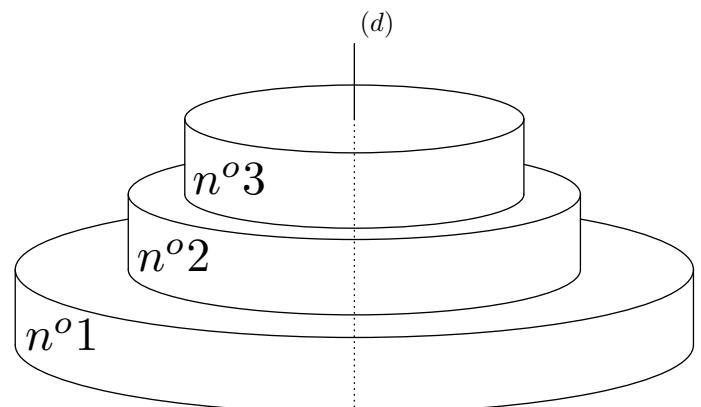
E.38    Ci-dessous est représenté le patron d'un cône de révolution :



Exprimer la mesure de l'angle  $\alpha$ , en degré, en fonction des valeurs de  $r$  et de  $h$ .

### 14. Problèmes et tâches complexes

E.39     Heiata et Hiro ont choisi comme gâteau de mariage une pièce montée composée de 3 gâteaux cylindriques superposés, tous centrés sur l'axe  $(d)$  comme la figure l'indique ci-dessous :



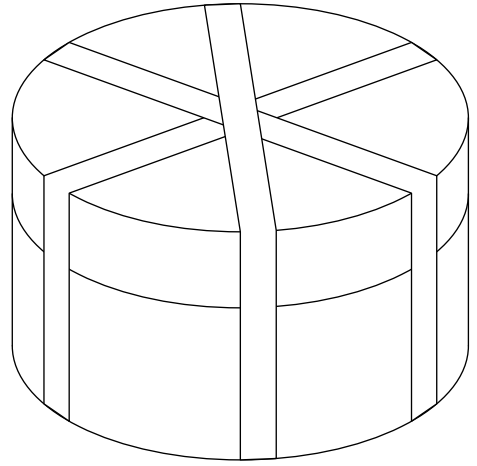
- Les trois gâteaux cylindriques sont de même hauteur :  $10\text{ cm}$ .
- Le plus grand gâteau cylindrique, le  $n^{\circ}1$ , a pour rayon  $30\text{ cm}$ .
- Le rayon du gâteau  $n^{\circ}2$  est égal au  $\frac{2}{3}$  de celui du gâteau  $n^{\circ}1$ .
- Le rayon du gâteau  $n^{\circ}3$  est égal au  $\frac{3}{4}$  de celui du gâteau  $n^{\circ}2$ .

- 1 Montrer que le rayon du gâteau  $n^{\circ}2$  est de  $20\text{ cm}$ .
- 2 Calculer le rayon du gâteau  $n^{\circ}3$ .
- 3 Montrer que le volume total exact de la pièce montée est égal à  $15\,250\pi\text{ cm}^3$ .

**Rappel :** le volume  $\mathcal{V}$  d'un cylindre de rayon  $R$  et de hauteur  $h$  est donné par la formule  $\mathcal{V} = \pi \times R^2 \times h$ .

- 4 Quelle fraction du volume total représente le volume du gâteau  $n^{\circ}2$ ? Donner le résultat sous forme de fraction irréductible.

**E.40** 📏 🍷 📦 Ci-dessous est représenté une boîte de chocolat en forme de cylindre :



Ses dimensions sont :

- une hauteur de  $8\text{ cm}$  ;
- un diamètre de  $10\text{ cm}$ .

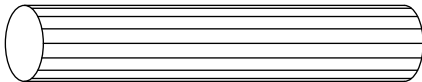
Pour fermer cette boîte, on utilise un élastique qui entoure trois fois la boîte. À chaque tour, l'élastique passe par les centres des deux disques.

Donner la longueur de l'élastique lorsqu'il est ainsi posé sur la boîte.

## 15. Grandeurs et unités quotients

**E.41** 📏 🍷 📦 ⚠️ Sur le chantier de sa future maison, M. Dubois croise un maçon qui semble avoir des difficultés à porter une tige d'acier pleine, de forme cylindrique.

Cette tige mesure  $1,5\text{ m}$  de long et a un rayon de base de  $4\text{ cm}$ .

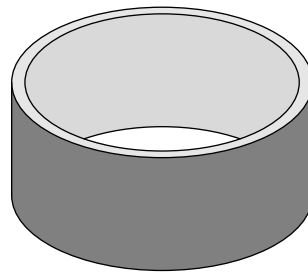


- 1 Calculer le volume de cette figure arrondie au  $\text{cm}^3$  près.
- 2 L'acier a une masse volumique de  $7,85\text{ g/cm}^3$ . Calculer la masse de cette tige arrondie au  $\text{kg}$ .

**E.42** 📏 🍷 📦 ⚠️ Pour fabriquer un puits dans son jardin, M<sup>me</sup> Martin a besoin d'acheter 5 cylindres en béton comme celui décrit ci-dessous.

Dans sa remorque, elle a la place pour mettre les 5 cylindres, mais elle ne peut transporter que  $500\text{ kg}$  au maximum.

À l'aide des caractéristiques du cylindre, déterminer le nombre minimum d'allers-retours nécessaires à M<sup>me</sup> Martin pour rapporter ses 5 cylindres avec sa remorque.







**Caractéristique d'un cylindre :**

- diamètre intérieur :  $90\text{ cm}$
- diamètre extérieur :  $101\text{ cm}$
- hauteur :  $50\text{ cm}$
- masse volumique du béton :  $2\,400\text{ kg/m}^3$

Déterminer la masse, arrondie au kilogramme près, nécessaire de béton pour la conception de ce puits.

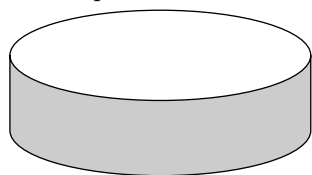
**Rappel :**

volume du cylindre =  $\pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}$

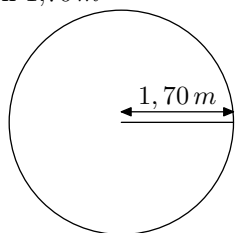
**E.43**     Une famille de quatre personnes hésite entre deux modèles de piscine. Elle regroupe des informations afin de prendre sa décision.

**Information 1** : les deux modèles de piscine :

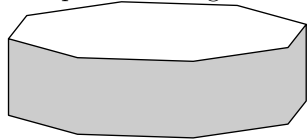
La piscine "ronde"



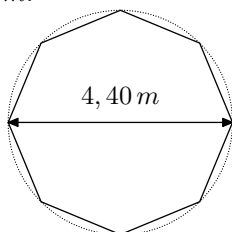
Hauteur intérieure : 1,20 m  
Vue du dessus : un cercle de rayon 1,70 m





La piscine "octogonale"

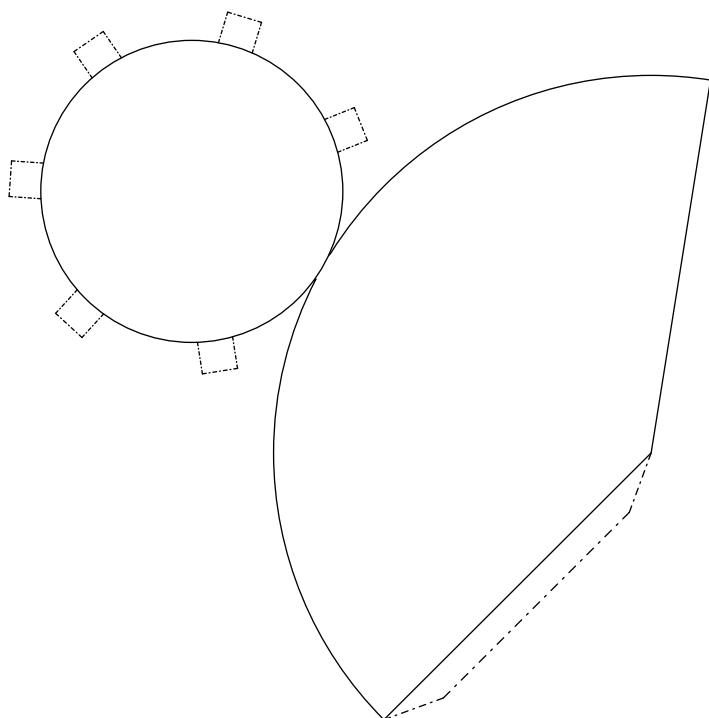


Hauteur intérieure : 1,20 m  
Vue du dessus : un polygone régulier de diamètre extérieur 4,40 m.



## 16. Exercices non-classés

**E.44**   Ci-dessous est représenté le patron d'un cône de révolution :



Découper le patron, puis construire le cône de révolution.

### Information 2

La construction d'une piscine de surface au sol de moins  $10\text{ m}^2$  ne nécessite aucune démarche administrative.

### Information 3

Surface minimale conseillée par baigneur :  $3,40\text{ m}^2$ .




### Information 4

Aire d'un octogone régulier :  $\mathcal{A}_{\text{octogone}} = 2\sqrt{2} \times R^2$  où  $R$  est le rayon du disque extérieur à l'octogone.

### Information 5

Débit du robinet de remplissage : 12 litres d'eau par minute.

- ① Chacun des modèles proposés impose-t-il des démarches administratives?
- ② Les quatre membres de la famille veulent se baigner en même temps. Expliquer pourquoi la famille doit dans ce cas choisir la piscine octogonale.
- ③ On commence le remplissage de cette piscine octogonale le vendredi à 14 h 00 et on laisse couler l'eau pendant la nuit, jusqu'au samedi matin à 10 h 00. La piscine va-t-elle déborder?

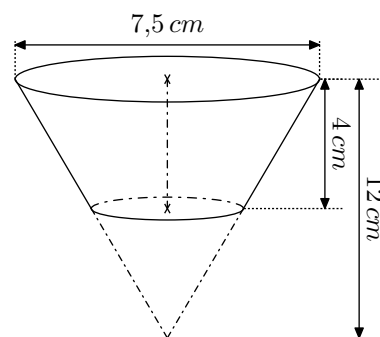
**E.45**    Dans cet exercice, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.

Un moule à muffins (*des pâtisseries*) est constitué de 9 cavités.

Toutes ces cavités sont identiques.

Chaque cavité a la forme d'un tronc de cône (*cône coupé par un plan parallèle à sa base*) représenté ci-contre.

Les dimensions sont indiquées sur la figure ci-contre.



#### Rappels :

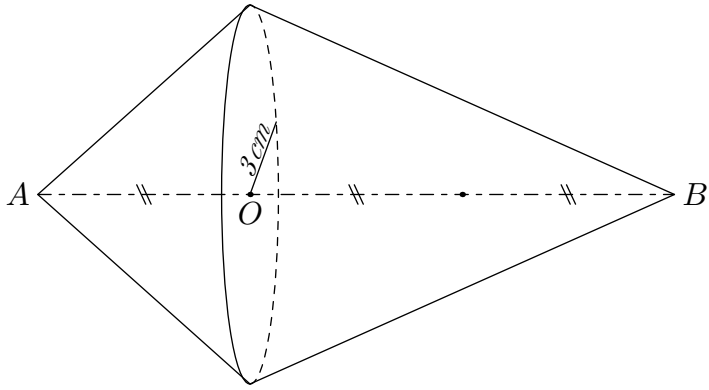
- Volume d'un cône de rayon de base  $r$  et de hauteur  $h$  :  
$$V = \frac{1}{3} \times r^2 \times \pi \times h$$
- $1\text{ l} = 1\text{ dm}^3$

- ① Montrer que le volume d'une cavité est d'environ  $125\text{ cm}^3$ .
- ② Léa a préparé 1 litre de pâte. Elle veut remplir chaque cavité du moule au  $\frac{3}{4}$  de son volume. A-t-elle suffisamment de pâte pour les 9 cavités du moule? Justifier la réponse.

E.46



La figure ci-dessous représente un solide composé de deux cônes de révolution partageant le même disque de base qui a un rayon de mesure  $3\text{ cm}$ .

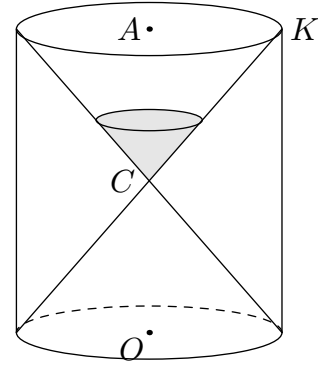


La distance  $AB$  mesure  $6\text{ cm}$ . Déterminer le volume de ce solide arrondi au  $\text{cm}^3$  près.

E.47



On considère un sablier composé de deux cônes identiques de même sommet  $C$  et dont le rayon de la base est  $AK = 1,5\text{ cm}$ . Pour la protéger, il est enfermé dans un cylindre de hauteur  $6\text{ cm}$  et de même base que les deux cônes.



- ① On note  $V$  le volume du cylindre et  $V_1$  le volume du sablier.

Tous les volumes seront exprimés en  $\text{cm}^3$ .

- a) Montrer que la valeur exacte du volume  $V$  du cylindre est  $13,5\pi$ .
- b) Montrer que la valeur exacte de  $V_1$  est  $4,5\pi$ .
- c) Quelle fraction du volume du cylindre, le volume du sablier occupe-t-il?  
(On donnera le résultat sous la forme d'une fraction irréductible).

Rappel: la formule du volume du cône est :

$$\frac{\text{aire de la base} \times \text{hauteur}}{3}$$

- ② On a mis  $6\text{ cm}^3$  de sable dans le sablier. Sachant que le sable va s'écouler d'un cône à l'autre avec un débit de  $80\text{ cm}^3/\text{h}$ , quel temps sera mesuré par ce sablier?