



1. Prismes droits et cylindre: rappels

E.9112

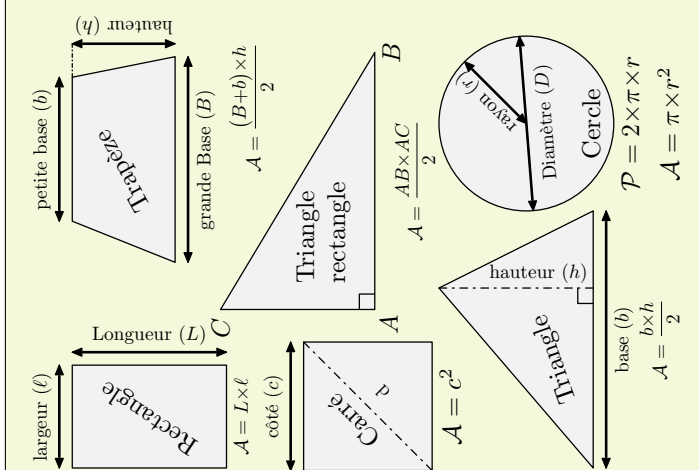
- On considère le prisme droit $\mathcal{P}$ dont la base est un enneagone. Combien de faces a le prisme droit $\mathcal{P}$?
- Le prisme droit $\mathcal{Q}$ possède 15 arêtes. Quelle est la nature de sa base?

Définition : noms des polygones :

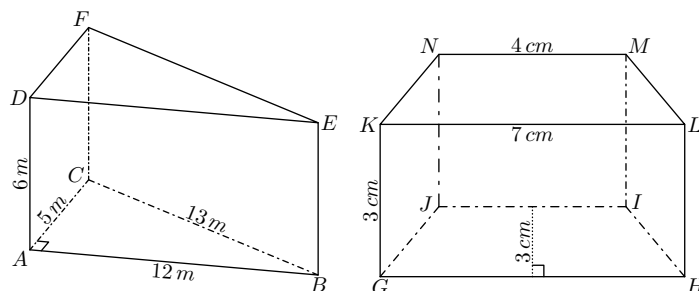
Nombre de côtés	Nom du polygone	Nombre de côtés	Nom du polygone
3	triangle	7	heptagone
4	quadrilatère	8	octogone
5	pentagone	9	enneagone
6	hexagone	10	décagone

E.9058

Rappel : ci-dessous sont données les formules de calcul des aires des polygones suivants :



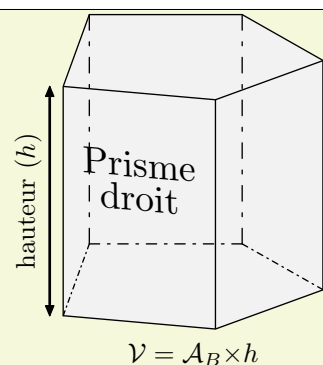
On considère les deux prismes droits représentés ci-dessous en perspective cavalière :



- Donner la nature de la base de chacun de ces prismes droits et déterminer l'aire de leur base respective.

Rappel :

Ci-contre est donnée la formule du volume d'un prisme droit où $\mathcal{A}_B$ représente l'aire de sa base et h la mesure de sa hauteur.



- Déterminer le volume de chacun de ces prismes droits.

E.6449 Dans le tableau ci-dessous, pour chacune des lignes, récupérer la valeur du volume présente à gauche et la convertir avec l'unité présentée à droite :

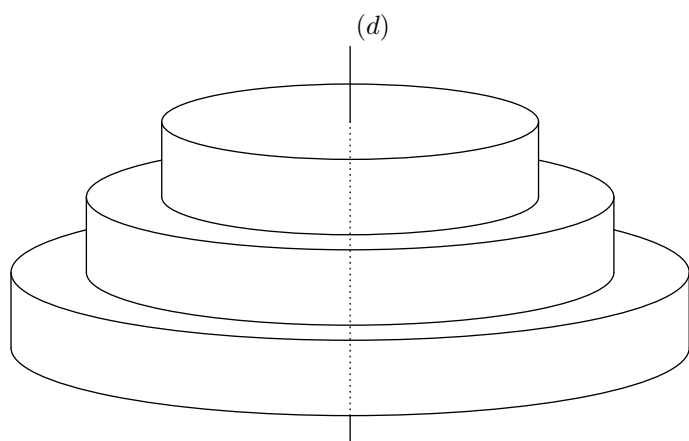
	km^3	hm^3	dam^3	m^3	dm^3	cm^3	mm^3	
$312 m^3$								$\dots dm^3$
$0,32 dm^3$								$\dots m^3$
$350 mm^3$								$\dots m^3$
$2 l$								$\dots m^3$
$33 cl$								$\dots cm^3$
$25 km^3$								$\dots m^3$

On rappelle l'égalité : $1 l = 1 dm^3$

E.9059

- 1 a Un prisme droit est à base triangulaire. Combien de faces comporte ce solide?
- b Un prisme droit est à base hexagonale. Combien compte-t-il d'arêtes?
- 2 a Un prisme droit possède 12 arêtes. Quelle est la nature de sa base?
- b Un prisme droit possède 7 faces. Quelle est la nature de sa base?

E.9064 Un gâteau en forme de pièce montée est composé de 3 gâteaux cylindriques superposés, tous centrés sur l'axe (d), comme l'indique la figure ci-dessous :

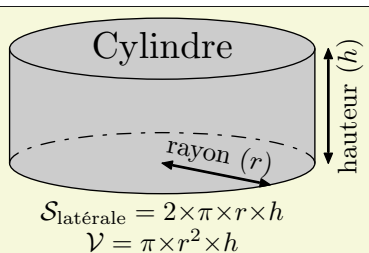


Les trois étages du gâteau ont tous une hauteur de $8 cm$ et les diamètres respectifs de ces cylindres sont $30 cm$, $20 cm$ et $10 cm$.

Déterminer le volume de ce gâteau. On arrondira ce volume au centimètre cube près.

Rappel :

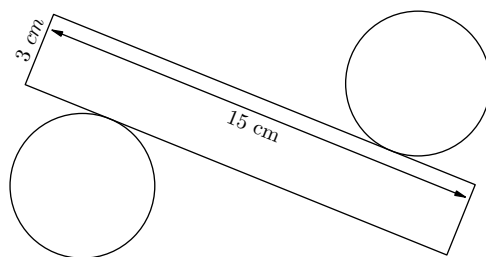
Ci-contre est donnée la surface latérale et le volume d'un cylindre en fonction du rayon de sa base et de sa hauteur.



Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

on arrondira les résultats intermédiaires au millimètre-cube près.

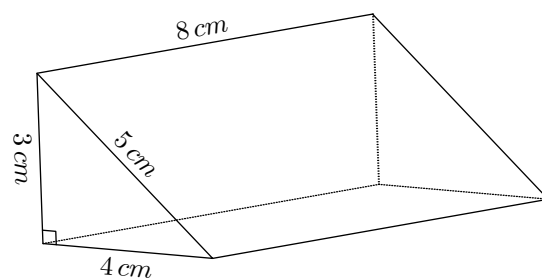
E.9110 Ci-dessous est donné le patron d'un cylindre :



Déterminer la hauteur du cylindre et le rayon de sa base. On arrondira, si besoin, les valeurs au millimètre près.

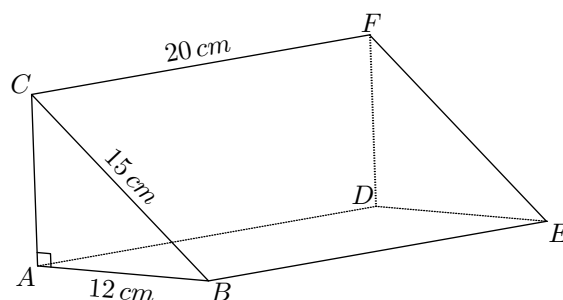
Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

E.9659 On considère le prisme droit ci-dessous :



Déterminer le volume de ce solide.

E.9660 On considère le prisme droit ci-dessous dont la base est un triangle rectangle en A :



Déterminer le volume de ce solide.

2. Prismes et cylindres : agrandissements et réductions

E.9124

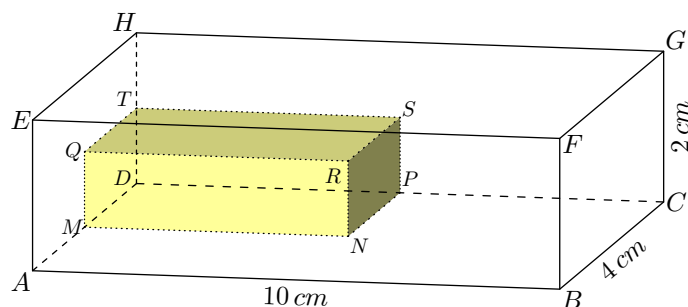
Définition : soit k un nombre strictement positif.

○ Pour $k < 1$ et lorsque toutes les dimensions d'une figure plane ou d'un solide sont multipliés par k , on dit qu'on a effectué une **réduction de coefficient k** .

○ Pour $k > 1$ et lorsque toutes les dimensions d'une figure plane ou d'un solide sont multipliés par k , on dit qu'on a effectué un **agrandissement de coefficient k** .

On considère le pavé droit $ABCDEFGH$ représenté ci-dessous ayant pour dimensions :

$$AB = 10 \text{ cm} ; BC = 4 \text{ cm} ; CG = 2 \text{ cm}$$



On construit le pavé droit $MNPQDQRST$ obtenu à partir du pavé droit $ABCDEFGH$ par une réduction de ses dimensions dont le coefficient est $\frac{1}{2}$.

- 1 En notant $\mathcal{A}$ l'aire de la face $ABFE$ et $\mathcal{A}'$ l'aire de la face $MNRQ$, déterminer la valeur du quotient : $\frac{\mathcal{A}'}{\mathcal{A}}$
- 2 En notant $\mathcal{V}$ le volume du pavé droit $ABCDEFGH$ et $\mathcal{V}'$ le volume du pavé droit $MNPQDQRST$, déterminer la valeur du quotient : $\frac{\mathcal{V}'}{\mathcal{V}}$

E.980

Proposition :

○ Si toutes les dimensions d'une figure plane est réduite ou agrandie par un coefficient k alors son aire a été multipliée par k^2 .

○ Si toutes les dimensions d'un solide est réduite ou agrandie par un coefficient k alors son volume a été multipliée par k^3 .

Recopier le tableau ci-dessous sur votre feuille et le compléter à l'aide des touches racines carré $\sqrt{x}$ et racines n^{ième} $\sqrt[n]{y}$

k	k^2	k^3
5		
	16	
		729

E.9118



Le calendrier Aztèque conservé au Musée National d'Anthropologie de la ville de Mexico a un diamètre de 3,60 mètres et pèse 25 tonnes.

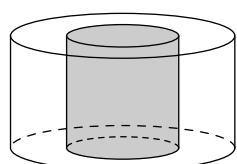
Quel serait le poids d'une réplique faisant 20 centimètres de diamètre? (arrondir au décagramme près)

E.9115



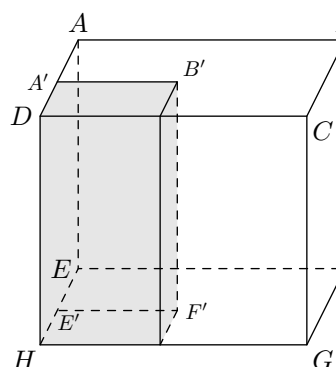
Dans cette poêle, on peut préparer une paella pour trois personnes. En prenant une poêle de dimensions quatre fois plus grandes, combien de personnes peut-on inviter?

E.9116



Le rayon du grand cylindre a été réduit par deux. De combien son volume a été réduit?

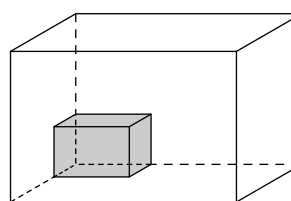
E.9119



Sur la figure ci-contre, le parallélépipède $A'B'C'D'E'F'G'H'$ a été obtenu à partir de $ABCDEFGH$ en réduisant par 2 la longueur et largeur de ce dernier.

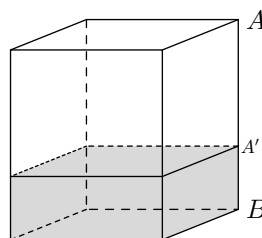
De combien a été réduit le volume du parallélépipède $A'B'C'D'E'F'G'H'$.

E.4210



Le volume du parallélépipède a été multiplié par 27. De combien ont été agrandies ses dimensions?

E.9122



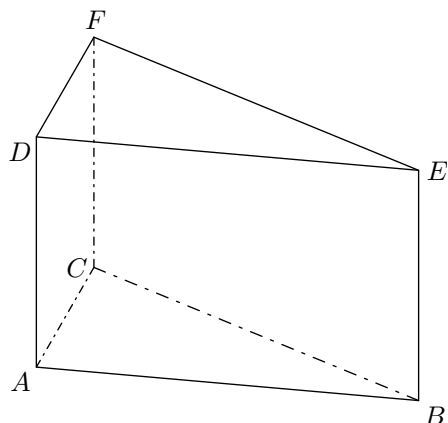
○ Le volume du petit parallélépipède est de 14 dm^3 .

○ Le rapport $\frac{BA'}{BA}$ des hauteurs des deux parallélépipèdes est de $\frac{1}{3}$.

Calculer le volume du grand parallélépipède.

3. Prismes droits et théorème de Pythagore

E.6450 On considère le prisme droit $ABCDEF$ représenté ci-dessous :



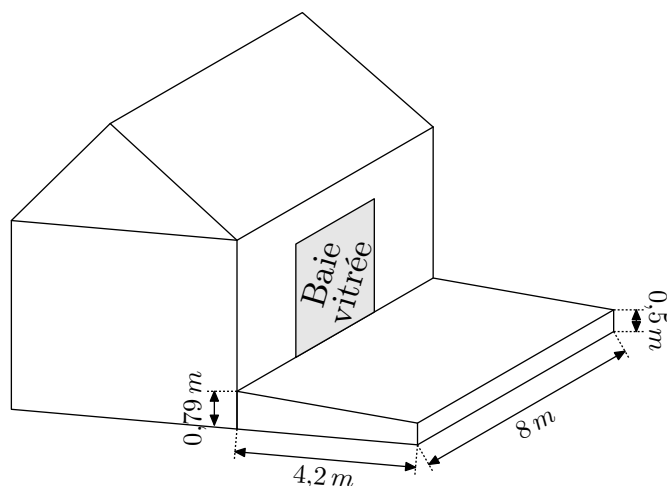
On donne les mesures suivantes :

$AB = 6,5 \text{ cm}$; $AC = 1,6 \text{ cm}$; $BC = 6,3 \text{ cm}$; $AD = 3 \text{ cm}$

- ① Montrer que le triangle ABC est un triangle rectangle.
- ② Déterminer le volume du prisme droit $ABCDEF$.

E.9068 Madame Martin souhaite réaliser une terrasse en béton en face de sa baie vitrée.

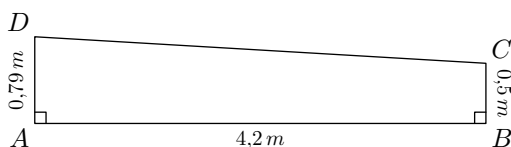
Elle réalise le dessin ci-dessous où elle y a indiqué des mesures.



Pour faciliter l'écoulement des eaux de pluie, le sol de la terrasse doit être incliné.

La terrasse a la forme d'un prisme droit dont la base est un trapèze rectangle.

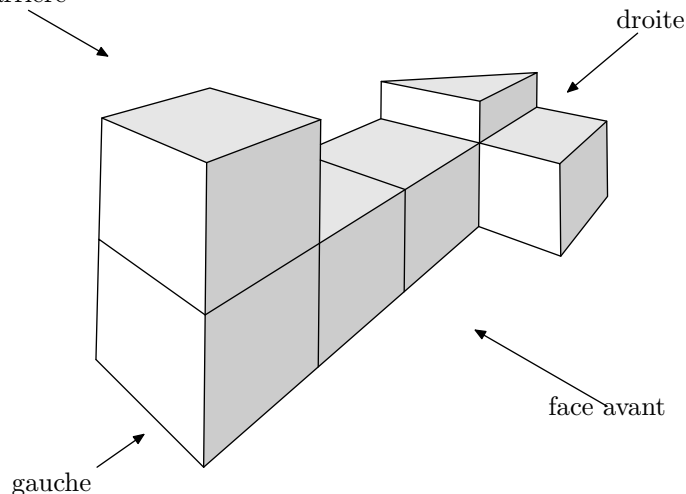
- ① Déterminer le volume de béton nécessaire à la conception de la terrasse.
- ② Ci-dessous est représentée la terrasse vue de profil.



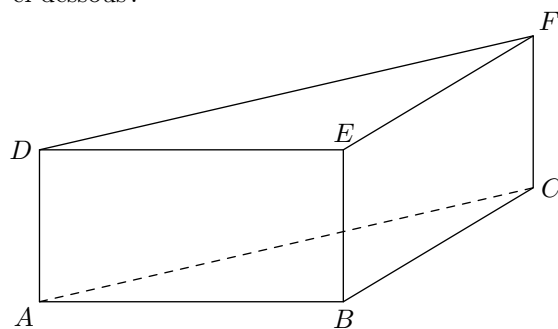
- a Déterminer la longueur du segment $[CD]$.
- b En déduire la surface de la terrasse.

E.6452 On a empilé et collé 6 cubes de 4 cm d'arête et un prisme droit de façon à obtenir le solide représenté ci-dessous. La hauteur du prisme est égale à la

moitié de l'arête des cubes.



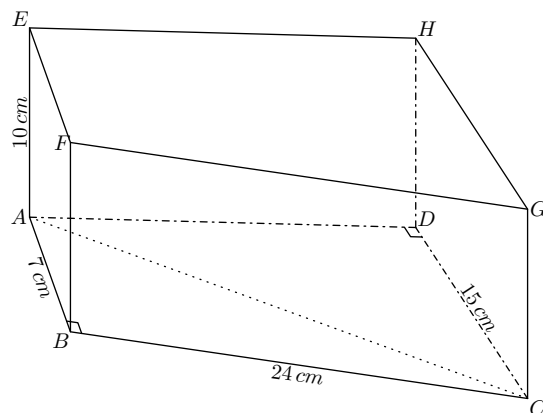
- ① Dessiner en vraie grandeur une vue de l'arrière du solide.
 - ② Calculer le volume en cm^3 du solide.
 - ③ Étude du prisme droit.
- a On nomme ce prisme $ABCDEF$, comme sur la figure ci-dessous :



Quelle est la nature de la base de ce prisme droit? Justifier la réponse.

- b Vérifier par des calculs que la longueur $AC = \sqrt{32} \text{ cm}$.
- c En déduire la valeur exacte de l'aire de la face $ACFD$. Donner l'arrondi au mm^2 près.

E.9065 On considère le prisme droit $ABCDEF$ dont la base $ABCD$ est un quadrilatère quelconque, mais possédant deux angles droits aux sommets B et D .



- ① Déterminer l'aire de la base de ce prisme droit.
- ② Donner le volume de ce prisme droit.

4. Pyramides : propriétés

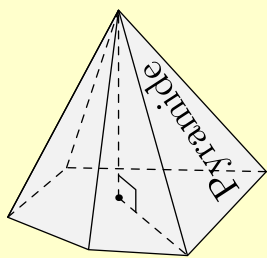
E.4958   

Définition :

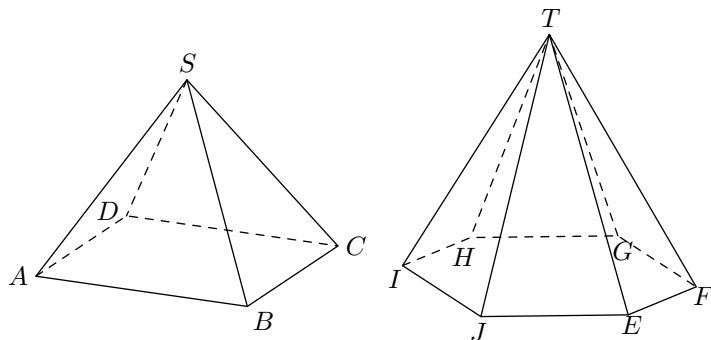
La pyramide est un solide muni d'une base polygonale et d'un point appelé sommet (*aussi appelé apex*) qui est relié à tous les sommets de la base.

Proposition :

Si la base d'une pyramide possède n sommets, la pyramide contient $2n$ arêtes et $n+1$ faces.



On considère les deux pyramides ci-dessous :



- 1) Considérons la pyramide $ABCD S$:
 - a) Quelle est la nature de la base de cette pyramide?
 - b) De combien d'arêtes est constituée cette pyramide?
 - c) De combien de faces est constituée cette pyramide?
- 2) Considérons la pyramide $EFGHIJT$:
 - a) Quelle est la nature de la base de cette pyramide?
 - b) De combien d'arêtes est constituée cette pyramide?
 - c) De combien de faces est constituée cette pyramide?

E.9111   

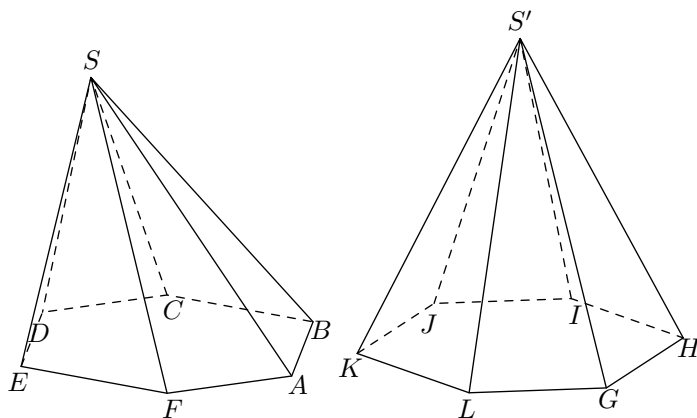
- 1) On considère la pyramide $\mathcal{P}$ dont la base est un heptagone. Combien de faces constituent la pyramide $\mathcal{P}$?
- 2) La pyramide $\mathcal{Q}$ possède 18 arêtes. Quelle est la nature de sa base?

Définition : noms des polygones :

Nombre de côtés	Nom du polygone	Nombre de côtés	Nom du polygone
3	triangle	7	heptagone
4	quadrilatère	8	octogone
5	pentagone	9	ennéagone
6	hexagone	10	décagone

5. Pyramides : volume

E.4952    On considère les deux pyramides $ABCDEFD$ et $GHIJKLS'$ à base hexagonale représentées ci-dessous. La première pyramide est quelconque alors que la seconde est une pyramide régulière.

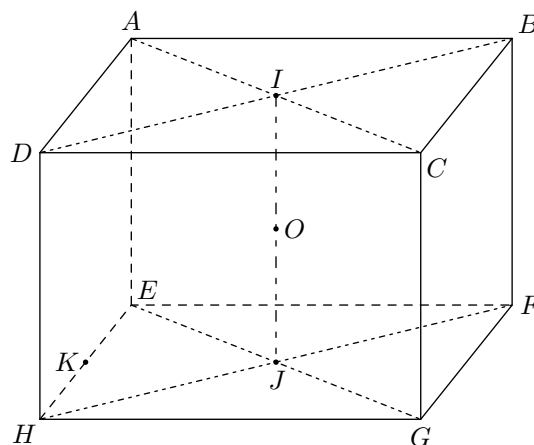


- 1) Peut-on tracer précisément le pied O de la hauteur de la pyramide $ABCDEF S$ issue de S .
- 2) Placer le point O' représentant le pied de la hauteur de la pyramide $GHIJKLS'$ issue du sommet S' . Justifier votre démarche.

Définition : une pyramide est dite **régulière** si sa base est un polygone régulier (*triangle équilatéral, carré, heptagone régulier...*) et si le pied de la hauteur est le centre de sa base.

E.4954    On considère le pavé droit $ABCDEFGH$ représenté ci-dessous où :

- K est le milieu du segment $[EH]$;
- I est le centre de la face $ABCD$;
- J est le centre de la face $EFGH$;
- O est le centre du parallélépipède.



Donner les natures des solides ci-dessous et préciser leur base et leur hauteur :

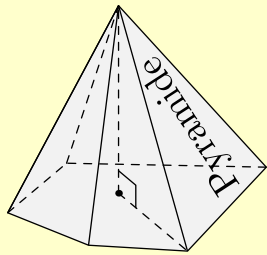
- (a) $ADCEHG$ (b) $ADCE$ (c) $DICO$ (d) $EKGF$

E.4902

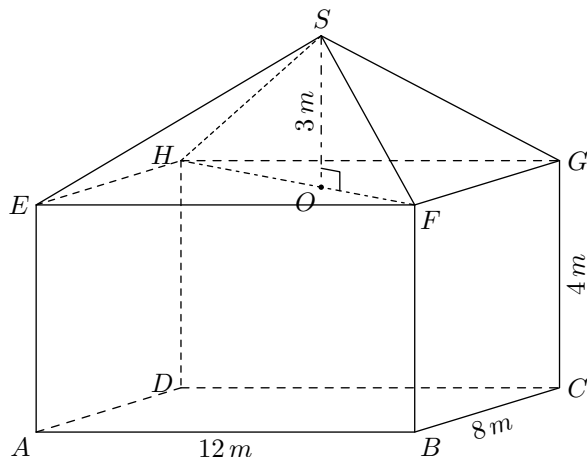
**Proposition :**

Soit $\mathcal{P}$ une pyramide de hauteur h et dont la base a pour aire $\mathcal{A}$.
Le volume $\mathcal{V}$ de la pyramide a pour mesure :

$$\mathcal{V} = \frac{1}{3} \times \mathcal{A} \times h$$



Une maison est construite en superposant un pavé droit $ABCDEFGH$ et une pyramide $EFGHS$ de sommet S . La représentation ci-dessous précise quelques mesures :



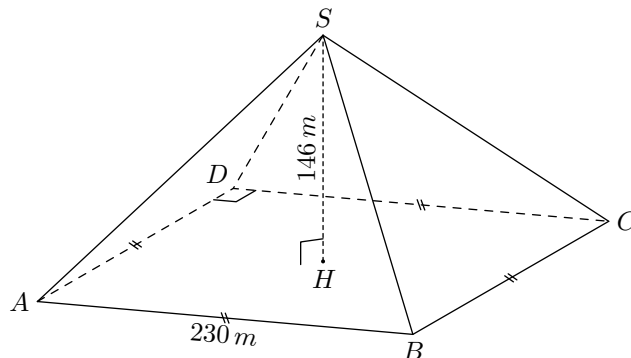
Déterminer le volume total de cette maison.

E.9066



La pyramide de Khéops, située en Égypte, est une pyramide à base carrée dont les côtés de la base mesurent 230 m et la hauteur, à sa construction, mesurait 146 m .

Voici une représentation de cette pyramide :



- 1 Déterminer le volume de la pyramide de Khéops, arrondi au mètre-cube près.
- 2 En supposant que toutes les pierres de la pyramide soient identiques et que chacune d'elles a un volume de $0,95\text{ m}^3$ et que chacune pèse 2,1 tonnes. Déterminer le poids total de la pyramide de Khéops, au kilogramme près.

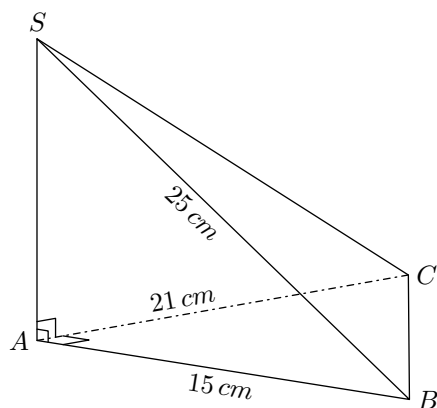
6. Pyramide et théorème de Pythagore

E.9130



Dans l'espace, on considère la pyramide $ABCS$ dont la base ABC est un triangle rectangle et le sommet est le point S .

De plus, la face ABS est un triangle rectangle en A et la face CAS est un triangle rectangle en A .



On donne les dimensions suivantes :

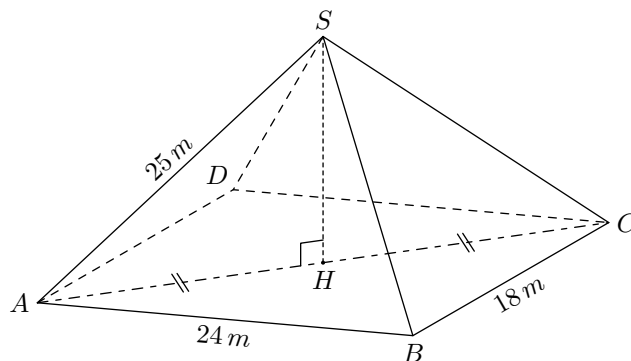
$$AB = 15\text{ cm} ; AC = 21\text{ cm} ; BS = 25\text{ cm}$$

- 1 Établir que : $AS = 20\text{ cm}$
- 2 Déterminer le volume de la pyramide.

E.5675

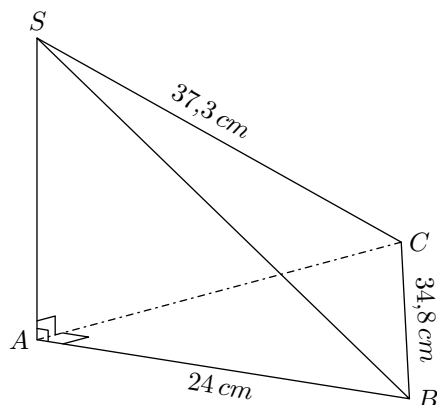


On considère la pyramide $ABCD S$ représentée ci-dessous où la base $ABCD$ est un rectangle et H est le pied de la hauteur issue du sommet S et le milieu du segment $[AC]$:



- 1 Démontrer que le segment $[AH]$ a pour longueur 15 m .
- 2 a Déterminer la longueur de la hauteur $[SH]$.
- b Déterminer le volume de la pyramide $SABCD$.

E.9131 Dans l'espace, on considère la pyramide $ABCS$ dont la base ABC est un triangle rectangle et le sommet est le point S .
De plus, la face ABS est un triangle rectangle en A et la face CAS est un triangle rectangle en A .



On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 24 \text{ cm} ; \quad BC = 34,8 \text{ cm} ; \quad CS = 37,3 \text{ cm}$$

Déterminer le volume de la pyramide.

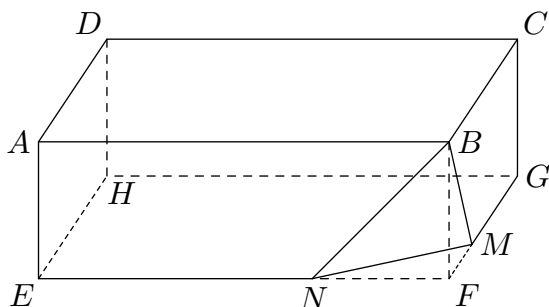
E.981 $ABCDEFGH$ est un parallélépipède rectangle. M est un point du segment $[FG]$ et N appartient au segment $[EF]$

On donne les mesures suivantes :

$$FE = 12 \text{ cm} ; \quad FG = 9 \text{ cm} ; \quad FB = 3 \text{ cm}$$

$$FN = 4 \text{ cm} ; \quad FM = 3 \text{ cm}$$

Voici une représentation de cette configuration :



- ① Calculer la longueur MN
- ② Montrer que l'aire du triangle FNM est égal à 6 cm^2 .
- ③ Calculer le volume de la pyramide (P) de sommet B et de base le triangle FNM .
- ④ On considère le solide $ABCDENMGH$ obtenu en enlevant la pyramide (P) au parallélépipède rectangle.
 - a) Quel est le nombre de faces de ce solide?
 - b) Calculer son volume

E.3275

Rappel : volume $\mathcal{V}$ d'une pyramide :

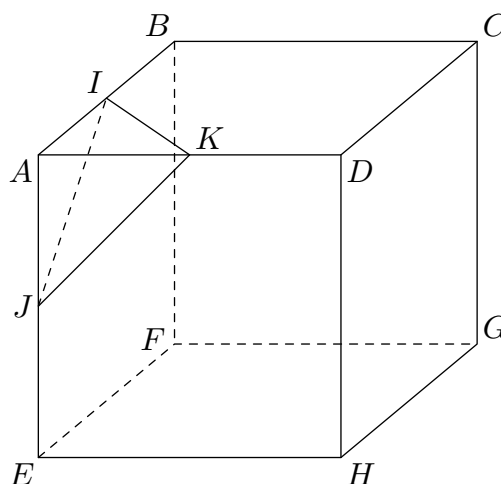
$$\mathcal{V} = \frac{(\text{aire de la base}) \times \text{hauteur}}{3}$$

$ABCDEFGH$ est un cube d'arête $AB = 12 \text{ cm}$.

I est le milieu du segment $[AB]$;

J est le milieu du segment $[AE]$;

K est le milieu du segment $[AD]$.

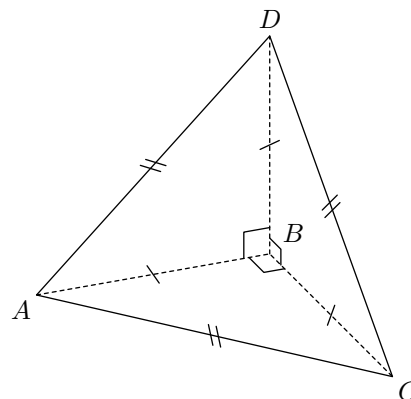


- ① Calculer l'aire du triangle AIK .
- ② Calculer le volume de la pyramide $AIKJ$ de base AKI .
- ③ Quelle fraction du volume du cube représente le volume de la pyramide $AIKJ$? Écrire le résultat sous forme d'une fraction de numérateur 1.
- ④ Tracer un patron de la pyramide $AIKJ$.

E.4951 On considère la pyramide $ABCD$ à base de triangulaire :

$$AB = BC = BD ; \quad AC = AD = CD = 5 \text{ cm}$$

De plus, les faces ABD , ABC et BCD sont des triangles rectangles en B .



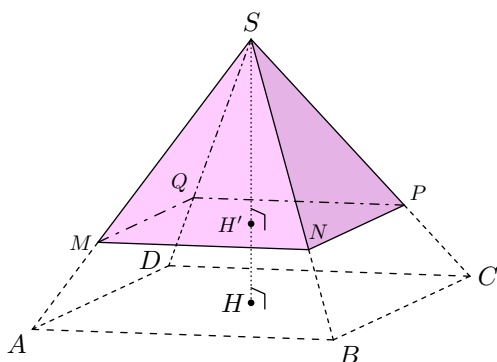
- ① Dans le triangle ABC , déterminer la mesure du segment $[AB]$ arrondie au millimètre près.
- ② Déterminer le volume de la pyramide $ABCD$ arrondie au cm^3 près.

7. Pyramides et théorème de Thalès

E.9125 On considère la pyramide $ABCD S$ dont la base $ABCD$ est un carré tel que :

$$AB = 9 \text{ cm} ; SH = 12,75 \text{ cm} ; SB = 14,25 \text{ cm}$$

On construit la pyramide $MNPQS$ dont la base $MNPQ$ est un carré parallèle au carré $ABCD$ et tel que : $SN = 9,5 \text{ cm}$



Déterminer la mesure de la hauteur $[SH']$ de la pyramide $MNPQS$.

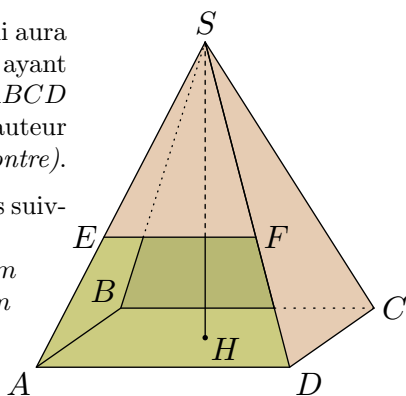
E.9106 On veut réaliser un tipi qui aura la forme d'une pyramide ayant pour base un rectangle $ABCD$ de centre H et pour hauteur $[SH]$ (voir le schéma ci-contre).

Le tipi aura les dimensions suivantes :

$$AD = 1,60 \text{ m} ; CD = 1,20 \text{ m}$$

$$SH = 2,40 \text{ m} ; SF = 1,95 \text{ m}$$

$$SD = 2,60 \text{ m}$$



- 1 Calculer le volume V de cette pyramide, en m^3 .

Rappels : $V = \frac{1}{3} \times B \times h$ est l'aire de la pyramide où h désigne la hauteur et B l'aire de la base.

L'armature du tipi, constituée du cadre rectangulaire $ABCD$ et des quatre arêtes latérales issues de S , est faite de baguettes de bambou.

On ajoute à l'armature une baguette $[EF]$ comme indiqué sur le dessin de sorte que $(EF) \parallel (AD)$ et $SF = 1,95 \text{ m}$.

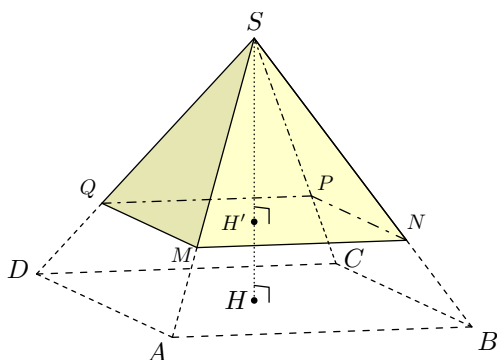
- 2 Calculer EF .

E.9127 On considère la pyramide $ABCD S$ dont la base $ABCD$ est un carré tel que :

$$AB = 9 \text{ cm} ; SH = 12,75 \text{ cm} ; SB = 14,25 \text{ cm}$$

On construit la pyramide $MNPQS$ dont la base $MNPQ$ est un carré parallèle au carré $ABCD$ et telle que :

$$SH' = 8,5 \text{ cm}$$



- 1 Déterminer le volume V de la pyramide $ABCD$.

- 2 a Établir que : $SN = 9,5 \text{ cm}$

- b Établir que : $MN = 6 \text{ cm}$

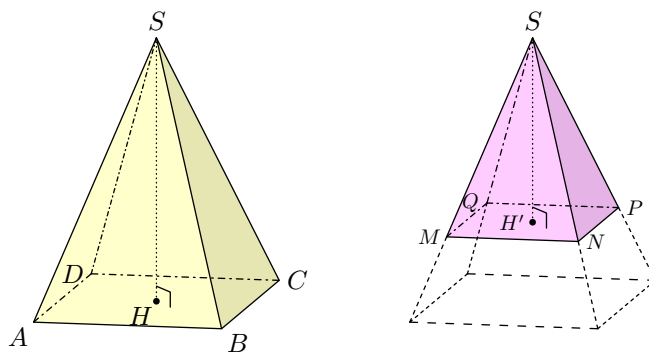
- c Déterminer le volume V' de la pyramide $MNPQS$.

- 3 Établir les égalités suivantes :

$$\frac{SN}{SB} = \frac{MN}{AB} = \frac{2}{3} ; \frac{V'}{V} = \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

Indication : on pourra s'aider de la calculatrice pour réduire les fractions.

E.9128 On considère la pyramide $ABCD S$ dont la base $ABCD$ est un rectangle et dont le sommet est S .



On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 24 \text{ m} ; BC = 18 \text{ m} ; SB = 39 \text{ m}$$

- 1 a Montrer que le segment $[BH]$ mesure 15 m .

- b En déduire que : $SH = 36 \text{ m}$

- c Donner le volume de la pyramide $ABCD S$.

Le point N appartient au segment $[SB]$ tel que : $SN = 26 \text{ m}$
On crée une coupe de la pyramide à partir du point N par un plan parallèle à la base de la pyramide. On note H' le point d'intersection du plan de découpe avec le segment $[SH]$.

Le solide $MNPQS$ est une pyramide de base rectangulaire $MNPQ$ de sommet S et dont le point H' est le pied de la hauteur issue de S .

- 2 Établir que : $MN = 16 \text{ m} ; SH' = 24 \text{ m}$

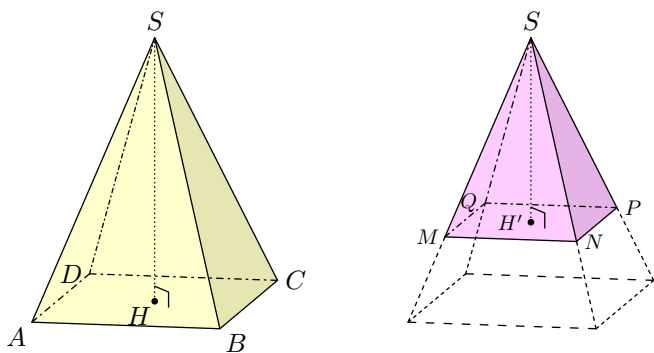
- 3 Déterminer la mesure du segment $[SH']$.

- 4 On admet que $NP = 12 \text{ m}$.

En déduire le volume, au mètre-cube près, de la pyramide $MNPQS$.

8. Pyramides : agrandissements et réductions

E.9104 On considère la pyramide $ABCD S$ dont la base $ABCD$ est un rectangle et dont le sommet est S .



On donne les dimensions suivantes :

$$AB = 8 \text{ m} ; BC = 6 \text{ m} ; SH = 12 \text{ m} ; SH' = 9 \text{ m}$$

- 1 Déterminer le volume de la pyramide $ABCD S$.
- 2 a Justifier que la réduction pour obtenir la pyramide $MNPQS$ a un coefficient de réduction de $\frac{3}{4}$.
- b En déduire le volume de la pyramide $MNPQS$.

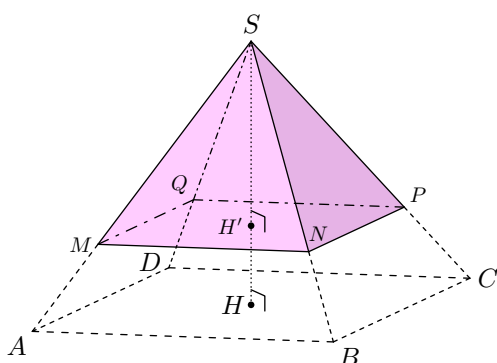
E.9109

Définition : on dit qu'une pyramide est régulière si sa base est un polygone régulier (*triangle équilatéral, carré, pentagone régulier...*) et si le pied de la hauteur issue du sommet de la pyramide est le centre de sa base.

On considère la pyramide $ABCD S$ régulière, dont la base $ABCD$ est un carré et le pied de la hauteur issue de S est le point H . On a les mesures :

$$AB = 9 \text{ cm} ; SH = 12,75 \text{ cm} ; SB = 14,25 \text{ cm}$$

On construit la pyramide $MNPQS$ dont la base $MNPQ$ est un carré parallèle au carré $ABCD$. On note H' le pied de la hauteur de cette pyramide issue du sommet S . On a la mesure : $SH' = 8,5 \text{ cm}$

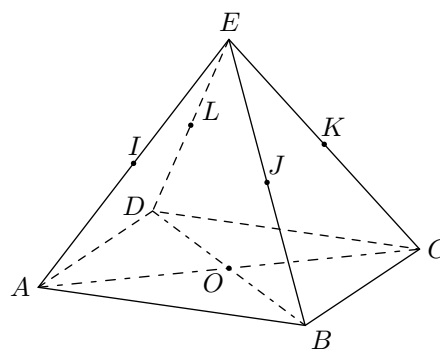


- 1 Déterminer le volume $\mathcal{V}$ de la pyramide $ABCD S$.
- 2 Déterminer la mesure du segment $[SN]$.

Indication : on admet que les droites (HB) et $(H'N)$ sont parallèles.

- 3 a Déterminer le coefficient de réduction appliqué aux dimensions de la pyramide $ABCD S$ pour obtenir la pyramide $MNPQS$.
- b Déterminer le volume $\mathcal{V}'$ de la pyramide $MNPQS$.

E.4953 On considère la pyramide $ABCDE$ à base rectangulaire représentée ci-dessous et telle que $[OE]$ soit la hauteur de la pyramide et où O est le centre de la base :

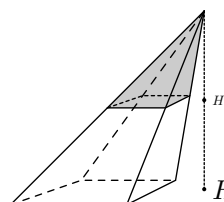


Les points I, J, K et L représentent les milieux respectifs des segments $[EA], [EB], [EC]$ et $[ED]$. On admet que :

- Le solide $IJKLE$ est une pyramide de base rectangulaire $IJKL$ et de sommet S ;
- les bases $ABCD$ et $IJKL$ sont parallèles et on a aussi les relations : $(IJ) \parallel (AB) ; (JK) \parallel (BC)$
- $AB = 16 \text{ cm} ; BC = 12 \text{ cm} ; EB = 26 \text{ cm}$

- 1 a Justifier que le segment $[KJ]$ mesure 6 cm
- b On admet que la base $IJKL$ d'aire $\mathcal{A}'$ est une réduction de la base $ABCD$ d'aire $\mathcal{A}$.
Donner le coefficient de réduction de l'aire $\mathcal{A}$ pour obtenir l'aire $\mathcal{A}'$
- 2 On admet que $OE = 24 \text{ cm}$. Déterminer les volumes $\mathcal{V}$ de la pyramide $ABCDE$ et $\mathcal{V}'$ de la pyramide $IJKLE$.

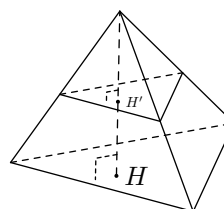
E.9120



- Le volume de la grande pyramide est de 576 km^3 .
- Le volume de la petite pyramide est de 9 km^3 .

Établir l'égalité : $\frac{SH'}{SH} = \frac{1}{4}$

E.984



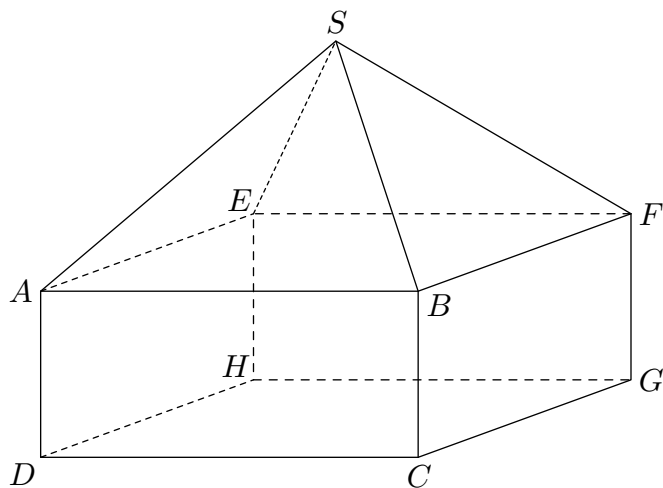
- La hauteur de la grande pyramide mesure 32 cm .
- La hauteur de la petite pyramide mesure 8 cm .
- Le volume de la petite pyramide est de 13 cm^3 .

Calculer le volume de la grande pyramide.

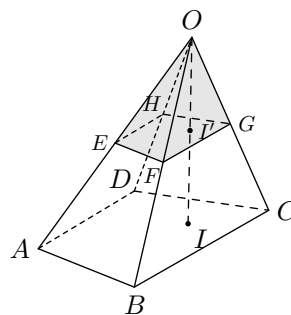
E.982     La maquette de maison représentée ci-dessous est composée :

- d'un pavé droit de dimensions :
 $AB = 30\text{ cm}$; $AE = 20\text{ cm}$; $AD = 5\text{ cm}$
- surmonté d'une pyramide de hauteur 6 cm .

- 1 Calculer le volume V_1 de cette maquette.
- 2 Sachant que cette maquette est une réduction de coefficient $\frac{1}{50}$ de la maison réelle, déduire de la première question le volume V_2 en m^3 de la maison.



E.986   

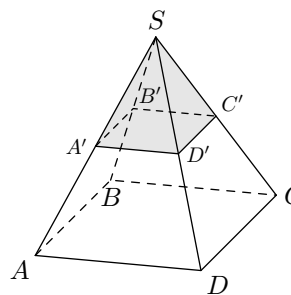


Le coefficient de réduction des dimensions est de $\frac{1}{2}$.

Sachant que l'aire de la base de la grande pyramide est de 24 m^2 , calculer l'aire de la base de la petite pyramide.

Sachant que le volume de la petite pyramide est de 56 m^3 , calculer le volume de la grande pyramide.

E.9117   

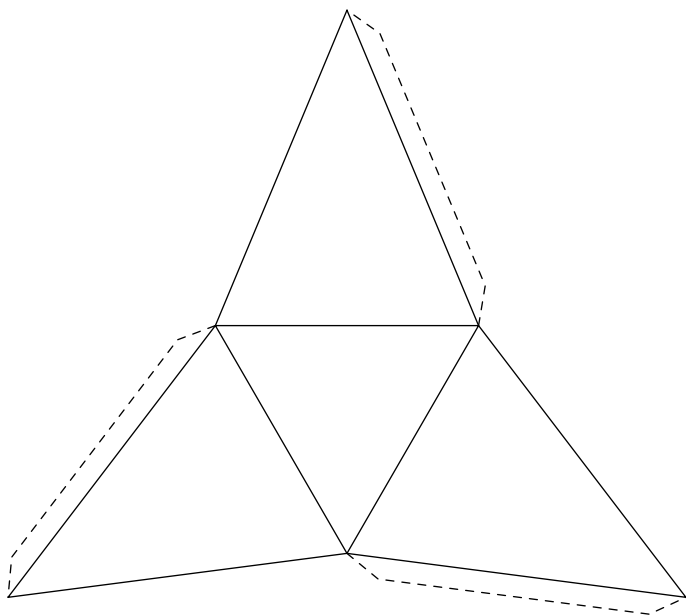


La pyramide $SA'B'C'D'$ a été obtenu par section de la pyramide $SABCD$ à l'aide d'un plan parallèle à la base de ce dernier.

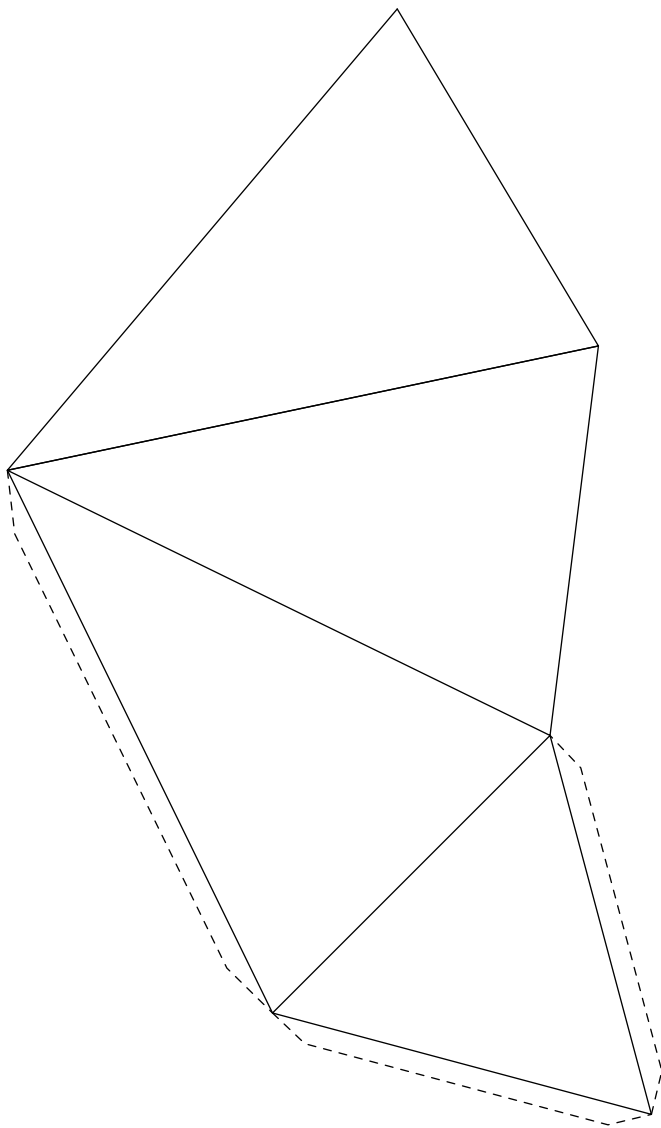
Sachant que le volume a été réduit de 64, déterminer le coefficient de réduction de l'aire de leurs bases communes.

9. Pyramides : patrons

E.4959    Découper le patron ci-dessous d'une pyramide à base triangulaire et reconstruire le solide.



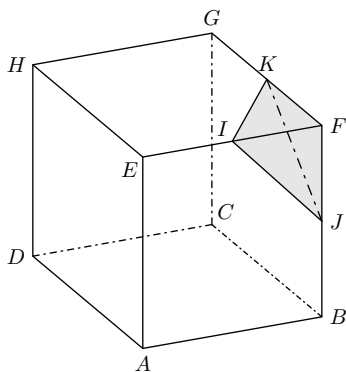
E.4960    Découper le patron ci-dessous d'une pyramide à base triangulaire et reconstruire le solide.



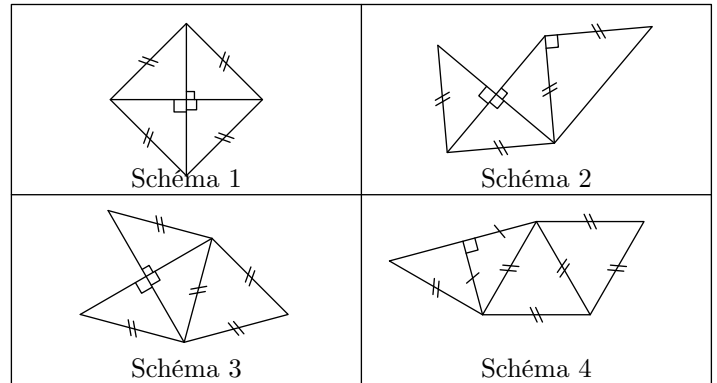
E.7979

On découpe la pyramide $FIJK$ dans le cube $ABCDEFGH$ comme le montre le dessin ci-contre.

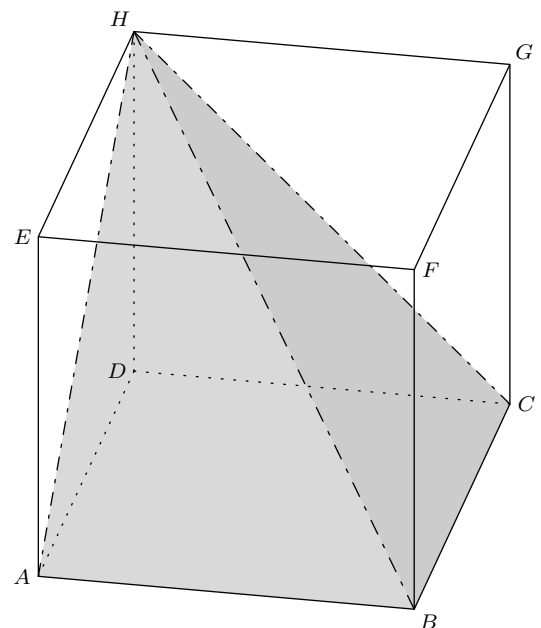
Le segment $[AB]$ mesure 6 cm . Les points I , J et K sont les milieux respectifs des arêtes $[FE]$, $[FB]$ et $[FG]$.



- ① Tracer le triangle IFK en vraie grandeur.
- ② Un des quatre schémas ci-dessous correspond au patron de la pyramide $FIJK$. Indiquer son numéro sur la copie. Aucune justification n'est attendue.



E.6454 On considère un cube $ABCDEFGH$ d'arête 5 cm à l'intérieur duquel on a taillé la pyramide $ABCDH$.



- ① a) Déterminer la mesure du segment $[AH]$, au millimètre près.
 b) Déterminer la mesure du segment $[BH]$, au millimètre près.
- ② a) Donner la nature et les dimensions de chacune de ses faces.
 b) Réaliser un patron de la pyramide $ABCDH$.

10. Cônes : volumes

E.9067

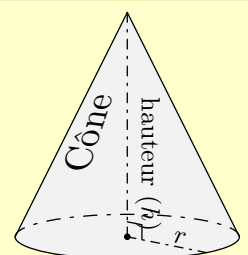
Proposition :

Un cône de rayon r et de hauteur h a pour volume :

$$V = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$$

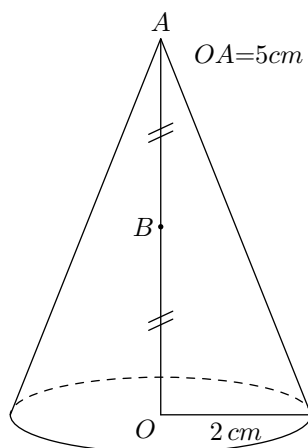
Indication : on utilisera :

$$\pi \approx 3,1416$$



On considère un cône de révolution de hauteur 5 cm et dont la base a pour rayon 2 cm . Le point A est le sommet du cône et O le centre de sa base. B est le milieu de $[AO]$.

Calculer le volume du cône en cm^3 . On arrondira à l'unité.



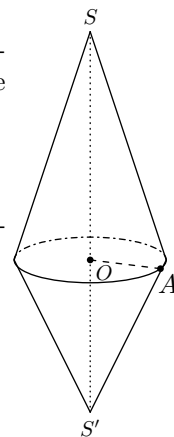
E.5457

Une bouée marine de signalisation est composée de deux cônes ayant la même base comme représentée dans la figure ci-contre.

On donne les dimensions suivantes :

$$SO = 0,8\text{ m} ; S'O = 0,5\text{ m} ; OA = 0,25\text{ m}$$

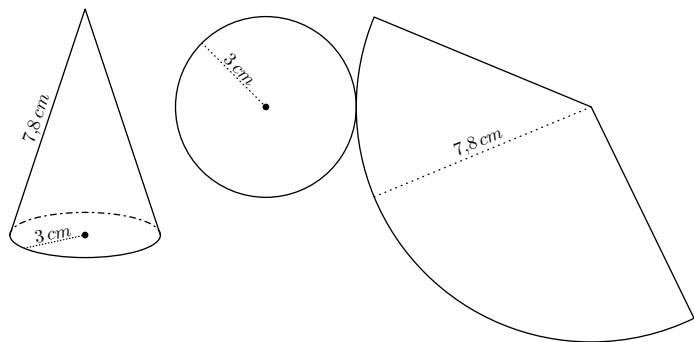
Déterminer le volume total de cette bouée arrondie au dm^3 près.



Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

11. Cônes : propriétés, théorème de Pythagore et théorème de Thalès

E.9108 Ci-dessous est représenté un cône et son patron :

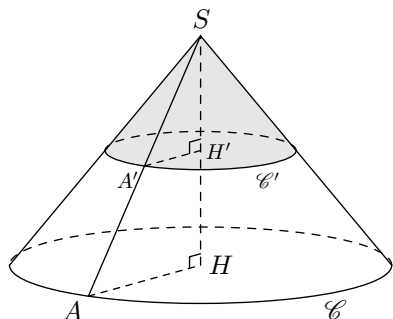


Le disque de la base a pour rayon 3 cm et tout segment de la face latérale, reliant le sommet du cône à un point de la base, a pour mesure $7,8\text{ cm}$.

Déterminer le volume de ce cône arrondi au millimètre cube près.

Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

E.9126 On considère le cône de base $\mathcal{C}$, de centre H et de rayon $[HA]$, et de sommet S tel que : $HA = 6\text{ cm}$; $HS = 15\text{ cm}$



On coupe le cône par un plan parallèle à sa base et passant par le point H' du segment $[SH]$ et tel que : $SH' = 5\text{ cm}$. On admet que :

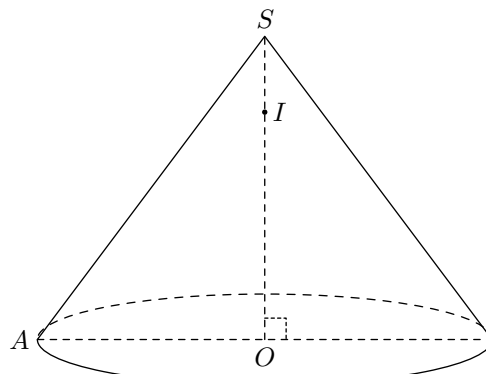
• la section est un cercle $\mathcal{C}'$ de centre H' et de rayon $[H'A']$ où le point A' est sur le segment $[SA]$.

• les droites $(A'H')$ et (AH) sont parallèles.

Déterminer la mesure du rayon du cercle $\mathcal{C}'$.

E.983 On considère le cône ci-contre de sommet S et dont la base est le disque de rayon $[OA]$.

Ce cône a pour hauteur $SO = 8\text{ cm}$ et pour génératrice $SA = 10\text{ cm}$. I est un point du segment $[SO]$ tel que $SI = 2\text{ cm}$.



Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

- Montrer que : $OA = 6\text{ cm}$.
- Montrer que la valeur exacte du volume $\mathcal{V}$ du cône est égale à $96\pi\text{ cm}^3$. Donner la valeur arrondie au mm^3 près.
- Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle $\widehat{ASO}$.
- On coupe ce cône par un plan parallèle à sa base et passant par le point I . La section obtenue est un disque de centre I , réduction du disque de base.
 - Déterminer le rapport k de cette réduction.
 - Soit $\mathcal{V}'$ le volume du cône de sommet S et de base le disque de centre I . Exprimer $\mathcal{V}'$ en fonction de $\mathcal{V}$, puis donner la valeur arrondie de $\mathcal{V}'$ au mm^3 près.

12. Cônes : agrandissements et réductions

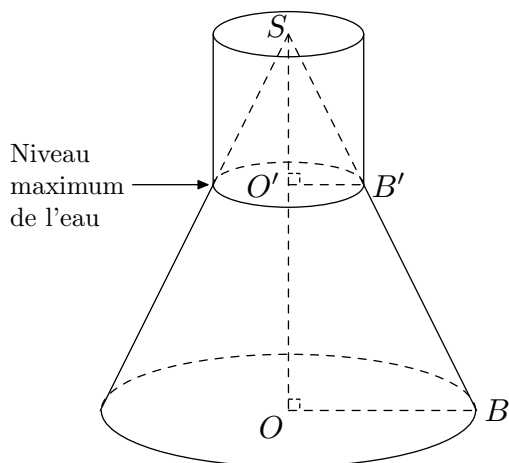
E.4204     En travaux pratiques de chimie, les élèves utilisent des récipients, appelés erlenmeyers, comme celui schématisé ci-dessous :

Le récipient est rempli d'eau jusqu'au niveau maximum indiqué sur le schéma par une flèche.

On note :

- C_1 le grand cône de sommet S et de base le disque de centre O et de rayon OB ;
- C_2 le petit cône de sommet S et de base le disque de centre O' et de rayon $O'B'$.

On donne : $SO = 12\text{ cm}$; $OB = 4\text{ cm}$



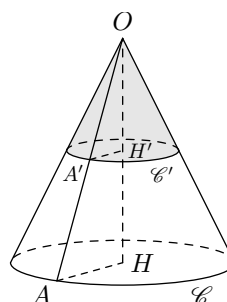
Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,142$

- 1 Le volume $\mathcal{V}$ d'un cône de révolution de rayon R et de hauteur h est donné par la formule : $\mathcal{V} = \frac{1}{3} \times \pi \times R^2 \times h$
Calculer la valeur exacte du volume du cône C_1 .
- 2 Le cône C_2 est une réduction du cône C_1 . On donne

$$SO' = 3\text{ cm}.$$

- a Quel est le coefficient de cette réduction?
 - b Prouver que la valeur exacte du volume du cône C_2 est égale à $\pi\text{ cm}^3$.
- 3 a En déduire que la valeur exacte du volume d'eau contenue dans le récipient, en cm^3 , est 63π .
b Donner le volume d'eau, arrondie au cm^3 près.
 - 4 Ce volume d'eau est-il supérieur à 0,2 litre? Expliquer pourquoi.

E.9114   



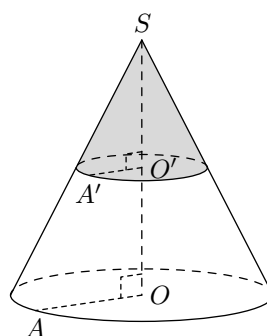
L'aire de la base du petit cône de révolution est de 5 mm^2 alors que celle de la base du grand cône est de 80 mm^2 .

Calculer le coefficient d'agrandissement de l'aire.

En déduire le coefficient d'agrandissement des dimensions.

Sachant que le grand cône a pour volume 384 mm^3 , déterminer le volume du petit cône.

E.9121   



- L'aire de la petite base est de 27 m^2 .

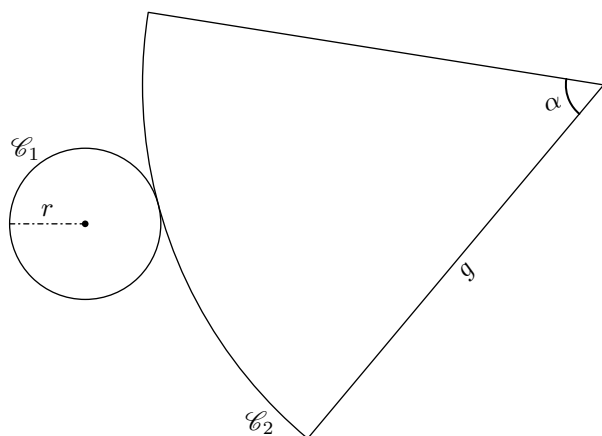
- L'aire de la grande base 108 m^2 .

- La hauteur du grand cône de révolution est de 1 m .

Calculer la hauteur du petit cône de révolution.

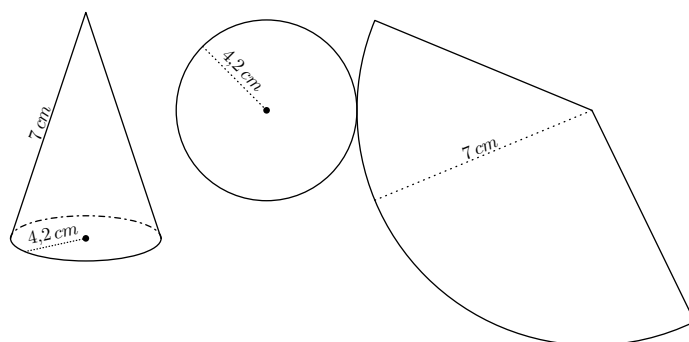
13. Cônes : patrons

E.9107    Ci-dessous est représenté le patron d'un cône de révolution :



Exprimer la mesure de l'angle α , en degré, en fonction des valeurs de r et de g .

E.11081   Ci-dessous est représenté un cône et son patron :



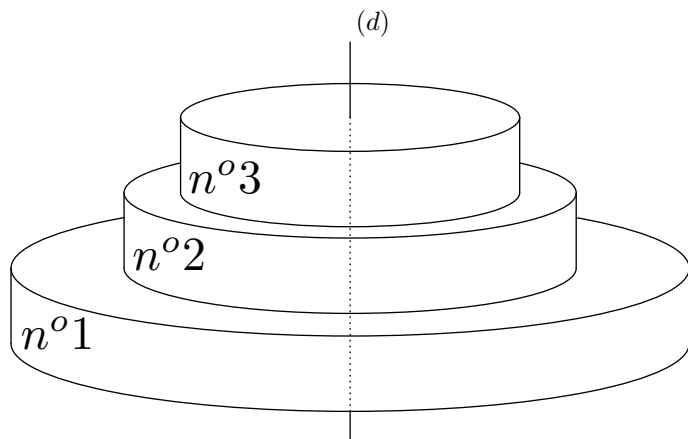
Le disque de la base a pour rayon 3 cm et tout segment de la face latérale, reliant le sommet du cône à un point de la base, a pour mesure $7,8\text{ cm}$.

Indication : on utilisera $\pi \approx 3,1416$

- 1 Déterminer la circonférence du disque de la base.
- 2 En déduire l'angle de la section du disque du patron.
- 3 Déterminer l'aire de la surface latérale de ce cône.

14. Problèmes et tâches complexes

E.7961 📏 🍷 📦 ⚠️ Heiata et Hiro ont choisi comme gâteau de mariage une pièce montée composée de 3 gâteaux cylindriques superposés, tous centrés sur l'axe (d) comme la figure l'indique ci-dessous :



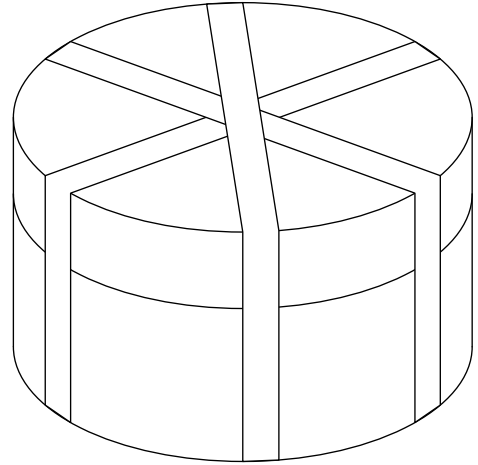
- Les trois gâteaux cylindriques sont de même hauteur : 10 cm .
- Le plus grand gâteau cylindrique, le $n^{\circ}1$, a pour rayon 30 cm .
- Le rayon du gâteau $n^{\circ}2$ est égal au $\frac{2}{3}$ de celui du gâteau $n^{\circ}1$.
- Le rayon du gâteau $n^{\circ}3$ est égal au $\frac{3}{4}$ de celui du gâteau $n^{\circ}2$.

- Montrer que le rayon du gâteau $n^{\circ}2$ est de 20 cm .
- Calculer le rayon du gâteau $n^{\circ}3$.
- Montrer que le volume total exact de la pièce montée est égal à $15\,250\pi\text{ cm}^3$.

Rappel : le volume V d'un cylindre de rayon R et de hauteur h est donné par la formule $V = \pi \times R^2 \times h$.

- Quelle fraction du volume total représente le volume du gâteau $n^{\circ}2$? Donner le résultat sous forme de fraction irréductible.

E.6608 📏 🍷 📦 Ci-dessous est représenté une boîte de chocolat en forme de cylindre :



Ses dimensions sont :

- une hauteur de 8 cm ;
- un diamètre de 10 cm .

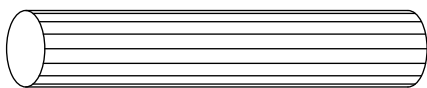
Pour fermer cette boîte, on utilise un élastique qui entoure trois fois la boîte. À chaque tour, l'élastique passe par les centres des deux disques.

Donner la longueur de l'élastique lorsqu'il est ainsi posé sur la boîte.

15. Grandeurs et unités quotients

E.4207 📏 🍷 📦 ⚠️ Sur le chantier de sa future maison, M. Dubois croise un maçon qui semble avoir des difficultés à porter une tige d'acier pleine, de forme cylindrique.

Cette tige mesure $1,5\text{ m}$ de long et a un rayon de base de 4 cm .



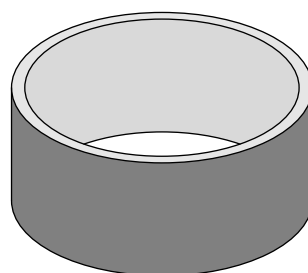
- Calculer le volume de cette figure arrondi au cm^3 près.
- L'acier a une masse volumique de $7,85\text{ g/cm}^3$. Calculer la masse de cette tige arrondi au kg .

Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,142$

E.9062 📏 🍷 📦 ⚠️ Pour fabriquer un puits dans son jardin, M^{me} Martin a besoin d'acheter 5 cylindres en béton comme celui décrit ci-dessous.

Dans sa remorque, elle a la place pour mettre les 5 cylindres, mais elle ne peut transporter que 500 kg au maximum.

À l'aide des caractéristiques du cylindre, déterminer le nombre minimum d'allers-retours nécessaires à M^{me} Martin pour rapporter ses 5 cylindres avec sa remorque.



Caractéristique d'un cylindre :

- diamètre intérieur : 90 cm
- diamètre extérieur : 101 cm
- hauteur : 50 cm
- masse volumique du béton : $2\,400\text{ kg/m}^3$

Déterminer la masse, arrondi au kilogramme près, nécessaire de béton pour la conception de ce puits.

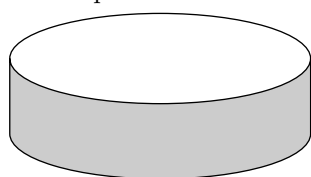
Rappel : volume du cylindre = $\pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \times \text{hauteur}$

Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,14$

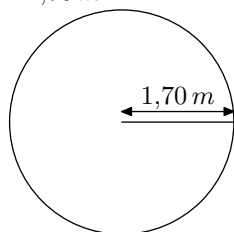
E.6309     Une famille de quatre personnes hésite entre deux modèles de piscine. Elle regroupe des informations afin de prendre sa décision.

Information 1 : les deux modèles de piscine :

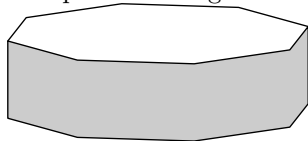
La piscine "ronde"



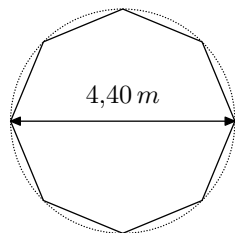
Hauteur intérieure : 1,20 m
Vue du dessus : un cercle de rayon 1,70 m



La piscine "octogonale"

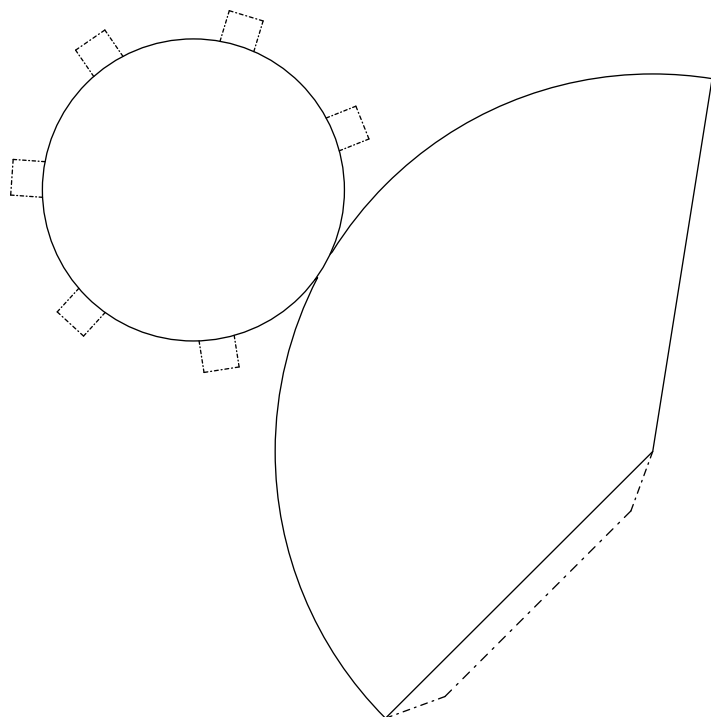


Hauteur intérieure : 1,20 m
Vue du dessus : un polygone régulier de diamètre extérieur 4,40 m.



16. Exercices non-classés

E.4962   Ci-dessous est représenté le patron d'un cône de révolution :



Découper le patron, puis construire le cône de révolution.

Information 2

La construction d'une piscine de surface au sol de moins 10 m^2 ne nécessite aucune démarche administrative.

Information 3

Surface minimale conseillée par baigneur : $3,40 \text{ m}^2$.

Information 4

Aire d'un octogone régulier : $A_{\text{octogone}} = 2\sqrt{2} \times R^2$ où R est le rayon du disque extérieur à l'octogone.

Information 5

Débit du robinet de remplissage : 12 litres d'eau par minute.

Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

- Chacun des modèles proposés impose-t-il des démarches administratives?
- Les quatre membres de la famille veulent se baigner en même temps. Expliquer pourquoi la famille doit dans ce cas choisir la piscine octogonale.
- On commence le remplissage de cette piscine octogonale le vendredi à 14 h 00 et on laisse couler l'eau pendant la nuit, jusqu'au samedi matin à 10 h 00. La piscine va-t-elle déborder?

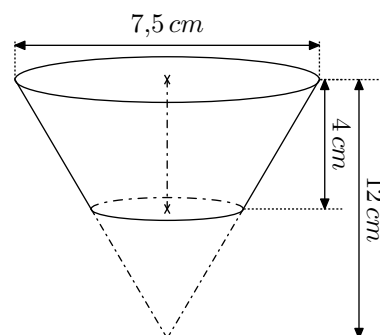
E.5691    Dans cet exercice, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.

Un moule à muffins (des pâtisseries) est constitué de 9 cavités.

Toutes ces cavités sont identiques.

Chaque cavité a la forme d'un tronc de cône (cône coupé par un plan parallèle à sa base) représenté ci-contre.

Les dimensions sont indiquées sur la figure ci-contre.



Rappels :

- Volume d'un cône de rayon de base r et de hauteur h :

$$V = \frac{1}{3} \times r^2 \times \pi \times h$$

- $1 \ell = 1 \text{ dm}^3$

Indications : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

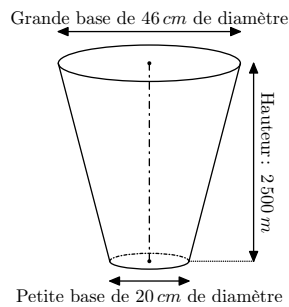
- Montrer que le volume d'une cavité est d'environ 125 cm^3 .
- Léa a préparé 1 litre de pâte. Elle veut remplir chaque cavité du moule au $\frac{3}{4}$ de son volume. A-t-elle suffisamment de pâte pour les 9 cavités du moule? Justifier la réponse.

E.7962



La centrale géothermique de Rittershoffen (*Bas-Rhin*) a été inaugurée le 7 juin 2016. On y a creusé un puits pour capter de l'eau chaude sous pression, à 2 500 m de profondeur, à une température de 170 degrés Celsius.

Ce puits a la forme du tronc de cône représenté ci-contre. Les proportions ne sont pas respectées.

**Indication :**

- on calcule le volume d'un tronc de cône grâce à la formule suivante :

$$V = \frac{\pi}{3} \times h \times (R^2 + R \times r + r^2)$$

où h désigne la hauteur du tronc de cône, R le rayon de la grande base et r le rayon de la petite base.

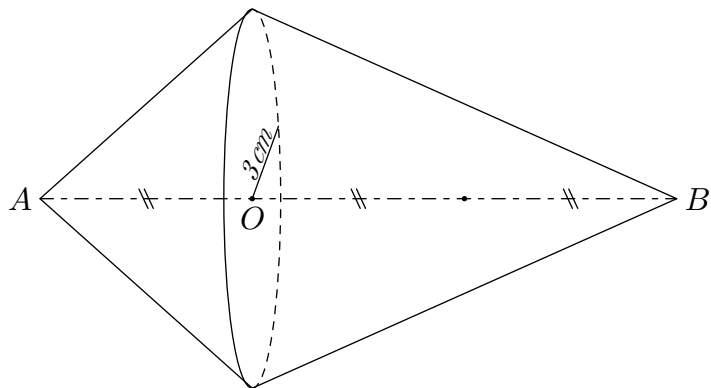
- on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

- Vérifier que le volume du puits est environ égal à 225 m^3 .
- La terre est tassée quand elle est dans le sol. Quand on l'extrait, elle n'est plus tassée et son volume augmente de 30 %.
Calculer le volume final de terre à stocker après le forage du puits.

E.5676



La figure ci-dessous représente un solide composé de deux cônes de révolution partageant le même disque de base qui a un rayon de mesure 3 cm.



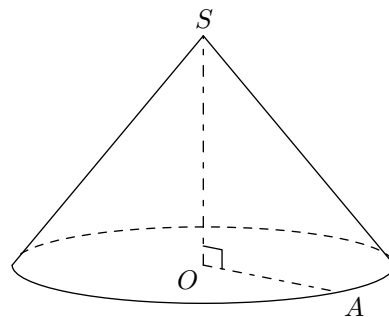
La distance AB mesure 6 cm. Déterminer le volume de ce solide arrondi au cm^3 près.

Indication : on utilisera : $\pi \approx 3,1416$

E.4961



On considère le cône de révolution dont le rayon de la base est de 4 cm et la hauteur mesure 4 cm. Une représentation de ce solide est donnée ci-dessous :



Déterminer le volume de ce cône de révolution, arrondi au centimètre cube près.

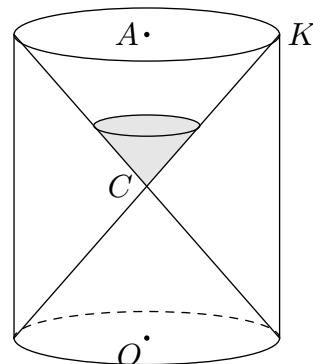
E.5440



Rappel : la formule du volume du cône est :

$$\frac{\text{aire de la base} \times \text{hauteur}}{3}$$

On considère un sablier composé de deux cônes identiques de même sommet C et dont le rayon de la base est $AK = 1,5 \text{ cm}$. Pour la protéger, il est enfermé dans un cylindre de hauteur 6 cm et de même base que les deux cônes.



- On note V le volume du cylindre et V_1 le volume du sablier.
Tous les volumes seront exprimés en cm^3 .
 - Montrer que la valeur exacte du volume V du cylindre est $13,5\pi$.
 - Montrer que la valeur exacte de V_1 est $4,5\pi$.
 - Quelle fraction du volume du cylindre, le volume du sablier occupe-t-il?
(On donnera le résultat sous la forme d'une fraction irréductible).
- On a mis 6 cm^3 de sable dans le sablier.
Sachant que le sable va s'écouler d'un cône à l'autre avec un débit de $80 \text{ cm}^3/\text{h}$, quel temps sera mesuré par ce sablier?