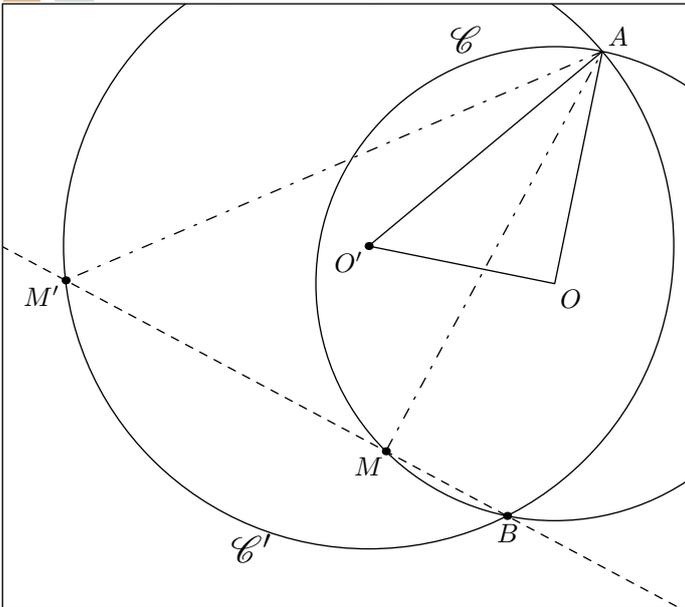


1. b. Voici la figure réalisée par les élèves :



c. On observe que la droite (MM') passe toujours par le second point d'intersection des cercles \mathcal{C} et \mathcal{C}' .

2. Par la similitude \mathcal{S} , on a les images suivantes :

$$\mathcal{S}(A) = A \quad ; \quad \mathcal{S}(O) = O' \quad ; \quad \mathcal{S}(M) = M'$$

Ainsi, le triangle AOM a pour image le triangle $AO'M'$; \mathcal{S} étant une similitude, on en déduit que ces deux triangles sont semblables.

3. Les triangles AOM et $AO'M'$ sont semblables ; plus précisément, les deux angles suivants sont égaux :

$$\widehat{AOM} = \widehat{AO'M'} = \alpha$$

- Dans le cercle \mathcal{C} , l'angle \widehat{AOM} est un angle au centre interceptant l'arc \widehat{AM} et l'angle \widehat{ABM} est un angle inscrit interceptant le même arc de cercle. On en déduit :

$$\widehat{ABM} = \frac{\widehat{AOM}}{2} = \frac{\alpha}{2}$$

- Dans le cercle \mathcal{C}' , l'angle $\widehat{AO'M'}$ est un angle au centre interceptant l'arc $\widehat{AM'}$ et l'angle $\widehat{ABM'}$ est un angle inscrit interceptant le même arc de cercle. On en déduit :

$$\widehat{ABM'} = \frac{\widehat{AO'M'}}{2} = \frac{\alpha}{2}$$

On en déduit que : $\widehat{ABM} = \widehat{ABM'}$.

Les droites (BM) et (BM') sont interceptées par la sécante (AB) . Les angles correspondants \widehat{ABM} et $\widehat{ABM'}$ étant égaux, on en déduit :

$$(BM) \parallel (BM')$$

Les droites (BM) et (BM') sont parallèles et possèdent le point B en commun.

Si deux droites sont parallèles et possèdent un point commun alors ces deux droites sont confondues.

Les points N , M et M' sont alignés.