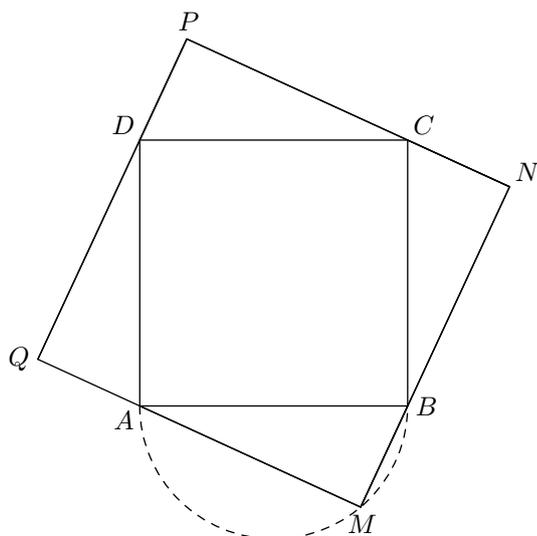


**Création de la figure :** La figure est assez simple à réaliser. La définition des variables `quot` et `val` nécessite l'utilisation du champ de saisie mais ne présente pas de réelle difficulté :



**Mise en place de la conjecture :** Au vue des valeurs des deux variables `quot` et `val`, l'égalité de ces deux variables est immédiate. Ainsi, les élèves auront à prouver l'égalité suivante au cours de la partie théorique :

$$\frac{\mathcal{A}_{ABCD}}{\mathcal{A}_{MNPQ}} = 1 + \sin(2 \cdot \alpha).$$

**Outils mathématiques :** Les propriétés des triangles rectangles et des cercles permettent d'affirmer que le triangle  $BMA$  est rectangle en  $M$ .

Le fait que les triangles  $AMB$ ,  $ADQ$ ,  $DPC$ ,  $BNC$  sont isométriques permet d'écrire l'égalité de longueurs :

$$QM = AM + MB$$

Les relations trigonométriques permettent d'obtenir la valeur des deux longueurs précédentes en fonction de la valeur de  $\alpha$ .

Les formules d'addition des fonctions trigonométriques permet d'affirmer l'égalité des variables `quot` et `val`.

**Organisation du temps de travail :** La construction de la figure ne pose pas de problème particulier ; l'établissement des variables `quot` et `val` peut être un peu plus long : récupération des aires des deux carrés et définition de la valeur de  $\alpha$ .

La démonstration de la partie théorique peut demander un certain temps car mélangeant plusieurs compétences : géométrie plane, relations trigonométriques...