

A. Les figures élémentaires :

1. Les triangles :

● Triangle isocèle

Définition : Un triangle isocèle est un triangle ayant deux de ses côtés de même mesure.

Propriétés :

⇒ Si un triangle ABC est isocèle en A Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{il a ses deux côtés } [AB] \text{ et } [AC] \text{ de} \\ \text{même longueur.} \end{array} \right.$

⇒ Si un triangle ABC est isocèle en A Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{les angles } \widehat{ABC} \text{ et } \widehat{ACB} \text{ sont égaux :} \\ \widehat{ABC} = \widehat{ACB} \end{array} \right.$

● Triangle rectangle

Définition : Un triangle rectangle est un triangle ayant un de ses angles droit.

Propriétés :

⇒ Si un triangle ABC est rectangle en A Alors l'angle \widehat{BAC} est un angle droit.

● Triangle équilatéral

Définition : Un triangle équilatéral ABC est un triangle qui a ses trois côtés de même longueur : $AB = AC = BC$.

Propriétés :

⇒ Si un triangle est équilatéral Alors il a ses trois angles de même mesure.

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{un triangle a ses trois angles de même} \\ \text{mesure} \end{array} \right.$ Alors c'est un triangle équilatéral

2. Les quadrilatères :

● Les trapèzes

Définition : Un trapèze est un quadrilatère qui a deux de ses côtés opposés parallèles.

● Les parallélogramme

Définition : Un parallélogramme est un quadrilatère qui a ses côtés opposés parallèles entre eux.

● Les losanges

Définition : Un losange est un quadrilatère qui a ses quatre côtés de même longueur.

Propriétés :

⇒ Si $ABCD$ est un losange Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses côtés opposés sont parallèles entre} \\ \text{eux.} \end{array} \right.$

⇒ Si $ABCD$ est un losange Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses diagonales sont perpendiculaires et} \\ \text{se coupent en leurs milieux} \end{array} \right.$

● Les rectangles

Définition : *Un rectangle est un quadrilatère qui a quatre angles droits.*

Propriétés :

⇒ Si un quadrilatère est un rectangle Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses côtés opposés sont parallèles et de} \\ \text{même longueur.} \end{array} \right.$

⇒ Si un quadrilatère est un rectangle Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses diagonales sont de même longueur} \\ \text{et se coupent en leurs milieux.} \end{array} \right.$

● Les carrés

Définition : *Un carré est un quadrilatère qui a ses quatre côtés de même longueur et ses quatre angles sont des angles droits.*

Propriétés :

⇒ Si un quadrilatère est un carré Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses côtés opposés sont de même} \\ \text{longueur} \end{array} \right.$

⇒ Si un quadrilatère est un carré Alors $\left\{ \begin{array}{l} \text{ses diagonales sont de même longueur,} \\ \text{perpendiculaire et se coupent en leurs} \\ \text{milieux.} \end{array} \right.$

3. Les cercles :

Définition : *Un cercle est l'ensemble de points se trouvant à une même distance (appelé le rayon) d'un point (appelé le centre)*

Propriétés :

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ est un point du cercle de centre } O \\ \text{et de rayon } r \end{array} \right.$ Alors $OM = r.$

B. Propriété sur les droites :

1. Parallelisme et perpendiculaire :

Propriétés :

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux droites sont parallèles a une} \\ \text{même troisième droite} \end{array} \right.$ Alors elles sont parallèles entre elles

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux droites sont perpendiculaires à} \\ \text{une même troisième} \end{array} \right.$ Alors elles sont parallèles entre elles.

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux droites sont perpendiculaires} \\ \text{entre elles et une troisième est perpen-} \\ \text{diculaire à l'une} \end{array} \right.$ Alors elle est perpendiculaire à l'autre

2. Médiatrice :

Définition : La médiatrice du segment $[AB]$ est la droite perpendiculaire à ce segment et passant par le milieu de ce segment.

Propriétés :

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ est un point de la médiatrice du} \\ \text{segment } [AB] \end{array} \right.$ Alors $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ est à égale distance des extrémités} \\ \text{de } [AB] : MA = MB \end{array} \right.$

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ est un point à égale distance des} \\ \text{extrémités d'un segment} \end{array} \right.$ Alors $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ est un point de la médiatrice de ce} \\ \text{segment.} \end{array} \right.$

C. Symétrie :

1. La symétrie axiale :

Propriétés :

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux segments sont symétriques par} \\ \text{rapport à une droite} \end{array} \right.$ Alors il ont la même longueur

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux angles sont symétriques par rap-} \\ \text{port à une droite} \end{array} \right.$ Alors ils ont la même mesure

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux figures sont symétriques par rap-} \\ \text{port à une droite} \end{array} \right.$ Alors elles ont la même aire

2. La symétrie centrale :

Propriétés :

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux segments sont symétriques par} \\ \text{rapport à un point} \end{array} \right.$ Alors ils sont de même longueur

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux droites sont symétriques par rap-} \\ \text{port à un point} \end{array} \right.$ Alors elles sont parallèles

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux angles sont symétriques par rap-} \\ \text{port à un point} \end{array} \right.$ Alors ils ont la même mesure

⇒ Si $\left\{ \begin{array}{l} \text{deux figures sont symétriques par rap-} \\ \text{port à un point} \end{array} \right.$ Alors elles ont la même aire