

**Théorème :**

Si une suite de matrices colonnes  $(X_n)$  vérifiant une relation du type  $X_{n+1} = A \cdot X_n + B$  est convergente, alors sa limite  $X$  est une matrice colonne vérifiant l'égalité  $X = AX + B$ .

**Proposition :**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  est inversible alors, pour toute matrice colonne  $B$  de dimension  $n \times 1$ , il existe une et une seule matrice colonne  $X$  vérifiant l'égalité :

$$X = AX + B$$

**Proposition : (admise)**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  n'est pas inversible, deux cas sont possibles :

- soit il n'existe aucune matrice-colonne  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$
- soit il existe une infinité de matrices-colonnes  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$

**Théorème :**

Si une suite de matrices colonnes  $(X_n)$  vérifiant une relation du type  $X_{n+1} = A \cdot X_n + B$  est convergente, alors sa limite  $X$  est une matrice colonne vérifiant l'égalité  $X = AX + B$ .

**Proposition :**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  est inversible alors, pour toute matrice colonne  $B$  de dimension  $n \times 1$ , il existe une et une seule matrice colonne  $X$  vérifiant l'égalité :

$$X = AX + B$$

**Proposition : (admise)**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  n'est pas inversible, deux cas sont possibles :

- soit il n'existe aucune matrice-colonne  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$
- soit il existe une infinité de matrices-colonnes  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$

**Théorème :**

Si une suite de matrices colonnes  $(X_n)$  vérifiant une relation du type  $X_{n+1} = A \cdot X_n + B$  est convergente, alors sa limite  $X$  est une matrice colonne vérifiant l'égalité  $X = AX + B$ .

**Proposition :**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  est inversible alors, pour toute matrice colonne  $B$  de dimension  $n \times 1$ , il existe une et une seule matrice colonne  $X$  vérifiant l'égalité :

$$X = AX + B$$

**Proposition : (admise)**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  n'est pas inversible, deux cas sont possibles :

- soit il n'existe aucune matrice-colonne  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$
- soit il existe une infinité de matrices-colonnes  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$

**Théorème :**

Si une suite de matrices colonnes  $(X_n)$  vérifiant une relation du type  $X_{n+1} = A \cdot X_n + B$  est convergente, alors sa limite  $X$  est une matrice colonne vérifiant l'égalité  $X = AX + B$ .

**Proposition :**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  est inversible alors, pour toute matrice colonne  $B$  de dimension  $n \times 1$ , il existe une et une seule matrice colonne  $X$  vérifiant l'égalité :

$$X = AX + B$$

**Proposition : (admise)**

Soit  $n$  un entier naturel supérieur ou égal à 2. Considérons  $A$  une matrice carrée de dimension  $n$  et  $I_n$  la matrice identité de dimension  $n$ .

Si la matrice  $I_n - A$  n'est pas inversible, deux cas sont possibles :

- soit il n'existe aucune matrice-colonne  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$
- soit il existe une infinité de matrices-colonnes  $X$  vérifiant l'égalité :  
$$X = AX + B$$